

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**Ярославский государственный университет им. П.Г. Демидова**

Кафедра компьютерной безопасности и математических методов обработки информации

УТВЕРЖДАЮ

Декан математического факультета

\_\_\_\_\_  
Нестеров П.Н.

20 мая 2025 г.

**Рабочая программа дисциплины**

**Теория алгоритмов**

Направление подготовки (специальности)  
10.05.01 Компьютерная безопасность

Направленность (профиль)  
«Математические методы защиты информации»

Форма обучения очная

Программа рассмотрена  
на заседании кафедры  
от 24.04.2025, протокол № 8

Программа одобрена НМК  
математического факультета  
протокол № 9 от 05.05.2025

## 1. Цели освоения дисциплины

Дисциплина "Теория алгоритмов" обеспечивает приобретение фундаментальных знаний и умений в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом специальности "10.05.01-Компьютерная безопасность" (уровень специалитета), содействует фундаментализации образования, развитию логического и алгоритмического мышления и формированию математического и общенаучного мировоззрения. Целью изучения дисциплины является овладение базовыми понятиями и методами теории алгоритмов, ознакомление с их применениями в области обеспечения информационной безопасности, установление существования алгоритмически неразрешимых проблем и значение этого фундаментального факта теории алгоритмов для алгоритмической практики, компьютерных наук и защиты информации, ознакомление с базовыми подходами к оценке сложности алгоритмов и задач и некоторыми приемами построения эффективных алгоритмов.

## 2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина "Теория алгоритмов" относится к части образовательной программы, формируемой участниками образовательных отношений. Она играет исключительно важную роль для общематематической и общепрофессиональной подготовки специалиста. При ее изучении используются знания, полученные при изучении математических дисциплин "Алгебра", "Теория чисел", "Дискретная математика", "Информатика" и "Математическая логика и теория алгоритмов". Знания, умения и навыки, полученные при изучении дисциплины "Теория алгоритмов", используются обучаемыми при изучении общепрофессиональных и специальных дисциплин.

## 3. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО, ООП ВО и приобретения следующих знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности:

Формируемая компетенция (код и формулировка)	Индикатор достижения компетенции (код и формулировка)	Перечень планируемых результатов обучения
<b>Профессиональные компетенции</b>		
<b>ПК-1</b> Способен применять математические методы для разработки требований к алгоритмам, реализующим современные методы обеспечения информационной безопасности, математически доказывать их корректность, проводить оценку сложности	<b>И-ПК-1.6</b> Знает различные подходы к определению понятия алгоритма, методы доказательства алгоритмической неразрешимости и методы построения эффективных алгоритмов	<b>Знать:</b> - основные алгоритмические проблемы, которые привели к необходимости замены интуитивного понятия "алгоритм" математическим понятием "алгоритм", - понятие: вычислимая в интуитивном смысле функция, два подхода к математическому уточнению интуитивного понятия "алгоритм"
	<b>И-ПК-1.7</b> Умеет оценивать сложность алгоритмов и вычислений	<b>Уметь:</b> - оценивать сложность алгоритмов и вычислений

задания и выполнения таких алгоритмов	<b>И-ПК-1.8</b> Владеет навыками применения методов и фактов теории алгоритмов для разработки алгоритмов	<b>Владеть навыками:</b> - применения методов и фактов теории алгоритмов для разработки алгоритмов
<b>ПК-2</b> Способен разрабатывать математические модели систем обеспечения информационной безопасности, математически доказывать их соответствие выбранным политикам безопасности	<b>И-ПК-2.3</b> Знание основных понятий, теорем и методов теории примитивно рекурсивных, рекурсивных и частично рекурсивных функций, вычислимых и правильно вычислимых по Тьюрингу функций	<b>Знать:</b> - определения понятий: примитивно курсивная функция, рекурсивная функция и частично рекурсивная функция, тезис Черча, примитивно рекурсивные и рекурсивные отношения, подмножества и предикаты, построение нумерационных функций, и функции Геделя, - понятие рекурсивно перечислимого множества и отношения, теореме о графике частичной функции и ее следствия, - определение машины Тьюринга, конфигурации, вычислимости и правильной вычислимости, композиция машин Тьюринга, разветвление и закливание, теорема о правильной вычислимости любой частично рекурсивной функции, примеры алгоритмически неразрешимых задач, арифметизация теории машин Тьюринга, теорема о частичной рекурсивности любой вычислимой по Тьюрингу функции, нумерация частично рекурсивных функций и рекурсивно перечислимых множеств
	<b>И-ПК-2.4</b> Умение доказывать теоремы из теории примитивно рекурсивных, рекурсивных и частично рекурсивных функций, вычислимых и правильно вычислимых по Тьюрингу функций	<b>Уметь:</b> - устанавливать примитивную рекурсивность и рекурсивность арифметических функций, - доказывать основные теоремы о примитивно рекурсивных, рекурсивных и частично рекурсивных функциях, - доказывать теорему о графике частичной функции и теорему о правильной вычислимости любой частично рекурсивной функции, - доказывать теорему об алгоритмической неразрешимости проблемы остановки для машин Тьюринга и ее следствия для полусистем и систем Туэ, арифметизация теории машин Тьюринга, теорема о частичной рекурсивности любой вычислимой по Тьюрингу функции, нумерация

		частично рекурсивных функций и множеств
	<b>И-ПК-2.5</b> Владение навыками построения, исследования и применения примитивно рекурсивных, рекурсивных и частично рекурсивных функций, вычислимых и правильно вычислимых по Тьюрингу функций	<b>Владеть навыками:</b> - написания программ для базовых машин Тьюринга: "Перенос нуля", "Левый сдвиг", "Правый сдвиг", "Транспозиция", "Удвоение", "Циклический сдвиг", "Копирование", - оценки временной и емкостной сложности Тьюринговых алгоритмов, сводимости алгоритмических проблем.
<b>ПК-3</b> Способен анализировать математические модели систем обеспечения информационной безопасности, а также проводить тестирование средств защиты информации на соответствие этим моделям	<b>И-ПК-3.1</b> Знает способы анализа математических моделей систем обеспечения информационной безопасности	<b>Знать:</b> - алгоритмическую разрешимость и неразрешимость, - примеры алгоритмически разрешимых и неразрешимых задач, - способы анализа математических моделей систем обеспечения информационной безопасности

#### 4. Объем, структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет **3** зачетных единиц, **108** акад. часов.

№ п/п	Темы (разделы) дисциплины, их содержание	Семестр	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу студентов, и их трудоемкость (в академических часах)						Формы текущего контроля успеваемости  Форма промежуточной аттестации (по семестрам)
			Контактная работа						
			лекции	практические	лабораторные	консультации	аттестационные испытания	самостоятельная работа	
1	Вводная лекция	7	1					2	
2	Машины Тьюринга	7	2					4	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
3	Частично рекурсивные, рекурсивные и примитивно рекурсивные функции	7	2	2		1		2	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
4	Примитивно рекурсивные и рекурсивные предикаты, отношения и множества,	7	2	2				2	Задания для самостоятельной (домашней) работы

	операции над ними								Устный опрос
5	Задание функций и предикатов	7	1	2				4	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
6	Нумерация	7	1	2				2	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
7	Множества, отношения и предикаты	7	2	2				4	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
8	Машины Тьюринга	7	2	1				4	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
9	Вычислимость функций	7	2					2	Контрольная работа
10	Арифметизация теории машин Тьюринга	7	1			1		2	Устный опрос
11	Нормальная форма Клини	7	1					2	Устный опрос
12	Алгоритмическая неразрешимость	7	2	2				2	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
13	Тьюрингов предикат вычислимости	7	2					2	Устный опрос
14	Нумерация Клини частично рекурсивных функций	7	2	1		1		2	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
15	Теорема Райса для частично рекурсивных функций	7	1					1	Устный опрос
16	Нумерация Поста рекурсивно перечислимых множеств	7	2	2				2	Устный опрос
17	$m$ -сводимость	7	1					2	Устный опрос
18	Нормальные алгорифмы А. А. Маркова	7	2			1		3	Устный опрос
19	Алгоритмическая разрешимость и неразрешимость	7	2					2	Задания для самостоятельной (домашней) работы Устный опрос
20	Примеры алгоритмически разрешимых и неразрешимых задач	7	1			1		1	
							0,3	7,7	Зачет
	<b>Всего</b>		<b>32</b>	<b>16</b>		<b>5</b>	<b>0,3</b>	<b>54,7</b>	

### Содержание разделов программы дисциплины:

#### Тема 1. Вводная лекция.

История развития теории алгоритмов.

Теория алгоритмов и принципиальные возможности компьютеров.

Оценки сложности алгоритмов и их значение для практики.

## **Тема 2. Машины Тьюринга.**

Интуитивное понятие "алгоритма" и его характерные черты. Задачи, приводящие к необходимости уточнения понятия "алгоритм".

Вычислимые в интуитивном смысле функции.

Два подхода к уточнению понятия "алгоритм".

Машины Тьюринга-Поста: внешний и внутренний алфавиты, программы и команды.

Конфигурации. Композиция и ветвление машин Тьюринга. Вычислимость и правильная вычислимость функций по Тьюрингу. Принцип Тьюринга- Поста-Черча.

Правильная вычислимость исходных функций и сложения.

## **Тема 3. Частично рекурсивные, рекурсивные и примитивно рекурсивные функции.**

Тезис Черча.

Примитивная рекурсивность теоретико-числовых функций.

Операции суммирования и мультиплицирования.

## **Тема 4. Примитивно рекурсивные и рекурсивные предикаты, отношения и множества, операции над ними.**

Соотношения между классами примитивно рекурсивных, общерекурсивных и частично рекурсивных функций.

## **Тема 5. Задание функций и предикатов.**

Задание функций кусочными схемами.

Ограниченный оператор минимизации.

Примитивная рекурсивность функций, связанных с каноническим представлением натуральных чисел и с делением с остатком.

## **Тема 6. Нумерация.**

Канторовские нумерационные функции, их примитивная рекурсивность.

Примитивная рекурсивность функции Геделя.

## **Тема 7. Множества, отношения и предикаты.**

Рекурсивно перечислимые множества, отношения и предикаты, операции над ними.

Теорема о графике функции. Ее следствия.

## **Тема 8. Машины Тьюринга.**

Транспозиция, удвоение, циклический сдвиг, копирование.

## **Тема 9. Вычислимость функций.**

Правильная вычислимость по Тьюрингу любой частично рекурсивной функции.

## **Тема 10. Арифметизация теории машин Тьюринга.**

Частичная рекурсивность любой вычислимой по Тьюрингу функции.

## **Тема 11. Нормальная форма Клини.**

Универсальные частично рекурсивные функции.

## **Тема 12. Алгоритмическая неразрешимость.**

Неразрешимость проблемы самоприменимости и применимости для машин Тьюринга.

## **Тема 13. Тьюрингов предикат вычислимости.**

Существование рекурсивно перечислимого, но не рекурсивного множества.

## **Тема 14. Нумерация Клини частично рекурсивных функций.**

Универсальные функции Клини.

Теорема о неподвижной точке для частично рекурсивных функций.

## **Тема 15. Теорема Райса для частично рекурсивных функций.**

Ее значение для компьютерной практики.

## **Тема 16. Нумерация Поста рекурсивно перечислимых множеств.**

Теорема о неподвижной точке для рекурсивно перечислимых множеств.

Теорема Райса для рекурсивно перечислимых множеств.

## **Тема 17. $m$ -сводимость.**

$m$ -универсальные, креативные и продуктивные множества.

## **Тема 18. Нормальные алгорифмы А.А.Маркова.**

Нормальные алгорифмы А.А.Маркова: схема алгорифма, заключительные и простые правила подстановки (замены). Примеры нормальных алгорифмов. Принцип нормализации А. А. Маркова. Композиция нормальных алгорифмов. Связь с машинами Тьюринга и частично рекурсивными функциями.

#### **Тема 19. Алгоритмическая разрешимость и неразрешимость.**

Нумерация слов в счетном алфавите и арифметизация алгоритмов. Массовые алгоритмические проблемы. Примеры алгоритмически неразрешимых массовых проблем: проблема останова для машин Тьюринга (The halting problem for Turing machines), проблема самоприменимости для машин Тьюринга.

#### **Тема 20. Примеры алгоритмически разрешимых и неразрешимых задач.**

Примеры алгоритмически разрешимых и неразрешимых задач из теории алгоритмов, математической логики, алгебры, теории чисел, теории формальных грамматик, теории обыкновенных дифференциальных уравнений, топологии, математического анализа и теории конечных автоматов. Теорема Черча о неразрешимости логики предикатов. Значение существования алгоритмически неразрешимых проблем для общей математической практики.

### **5. Образовательные технологии, в том числе технологии электронного обучения и дистанционные образовательные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине**

В процессе обучения используются следующие образовательные технологии:

**Вводная лекция** – дает первое целостное представление о дисциплине и ориентирует студента в системе изучения данной дисциплины. Студенты знакомятся с назначением и задачами курса, его ролью и местом в системе учебных дисциплин и в системе подготовки в целом. Дается краткий обзор курса, история развития науки и практики, достижения в этой сфере, имена известных ученых, излагаются перспективные направления исследований. На этой лекции высказываются методические и организационные особенности работы в рамках данной дисциплины, а также дается анализ рекомендуемой учебно-методической литературы.

**Академическая лекция с элементами лекции-беседы** – последовательное изложение материала, осуществляемое преимущественно в виде монолога преподавателя. Элементы лекции-беседы обеспечивают контакт преподавателя с аудиторией, что позволяет привлекать внимание студентов к наиболее важным темам дисциплины, активно вовлекать их в учебный процесс, контролировать темп изложения учебного материала в зависимости от уровня его восприятия.

**Практическое занятие** – занятие, посвященное освоению конкретных умений и навыков по закреплению полученных на лекции знаний.

**Консультации** – вид учебных занятий, являющийся одной из форм контроля самостоятельной работы студентов. На консультациях по просьбе студентов рассматриваются наиболее сложные моменты при освоении материала дисциплины, преподаватель отвечает на вопросы студентов, которые возникают у них в процессе самостоятельной работы.

### **6. Перечень лицензионного и (или) свободно распространяемого программного обеспечения, используемого при осуществлении образовательного процесса по дисциплине**

В процессе осуществления образовательного процесса по дисциплине используются:

для формирования материалов для текущего контроля успеваемости и проведения промежуточной аттестации, для формирования методических материалов по дисциплине:

- программы Microsoft Office;
- издательская система LaTeX;
- Adobe Acrobat Reader.

## **7. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (при необходимости)**

В процессе осуществления образовательного процесса по дисциплине используются:

Автоматизированная библиотечно-информационная система «БУКИ-NEXT»

[http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk\\_cat\\_find.php](http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_cat_find.php)

- Электронная библиотечная система «Лань» <https://e.lanbook.com>
- Электронная библиотечная система «Юрайт» <https://urait.ru>
- Электронная библиотечная система «Консультант студента» <https://www.studentlibrary.ru>

## **8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» (при необходимости), рекомендуемых для освоения дисциплины**

### **а) основная литература**

1. М. М. Глухов, А. Б. Шишков Математическая логика. Дискретные функции. Теория алгоритмов: учебное пособие — Санкт-Петербург: Лань, 2021. <https://matematika76.ru/fm/глухов.pdf>
2. М. М. Глухов, О. А. Козлитин, В. А. Шапошников, А. Б. Шишков Задачи и упражнения по математической логике, дискретным функциям и теории алгоритмов: учебное пособие — Санкт-Петербург: Лань, 2021. <https://reader.lanbook.com/book/167678>
3. Дурнев В. Г. Элементы теории алгоритмов: учеб. пособие для вузов - Ярославль, ЯрГУ, 2008 <http://www.lib.uniyar.ac.ru/edocs/iuni/20080230.pdf>
4. Дурнев В. Г. Материалы по дисциплине Теория алгоритмов и сложность вычислений : метод. указания - Ярославль, ЯрГУ, 2010 <http://www.lib.uniyar.ac.ru/edocs/iuni/20100268.pdf>
5. И. А. Лавров, Л. Л. Максимова Задачи по теории множеств, математической логики и теории алгоритмов - М.: Физматлит, 2006. <https://www.studentlibrary.ru/ru/book/ISBN5922100262.html>

### **б) дополнительная литература**

1. А. Ахо, Дж. Хопкрофт, Дж. Ульман. Построение и анализ вычислительных алгоритмов. - М.: "Мир", 1979.
2. Дж. Булос, Р. Джеффри. Вычислимость и логика. - М.: "Мир", 1994.
3. М. Гэри, Д. Джонсон. Вычислительные машины и труднорешаемые задачи. - М.: "Мир", 1979.
4. Н. Катленд. Вычислимость. Введение в теорию рекурсивных функций. М.: "Мир". 1983.
5. С. К. Клини. Введение в метаматематику. - М.: "ИЛ", 1957.
6. А. Н. Колмогоров, А. Г. Драгалин. Математическая логика. Дополнительные главы. - М.: МГУ, 1984.



7. А. И. Мальцев. Алгоритмы и рекурсивные функции. - М.: "Наука", 1986.
8. А. А. Марков. Элементы математической логики. - М.: МГУ, 1984.
9. П. С. Новиков. Элементы математической логики. - М.: "Наука", 1973.
10. Б. А. Трахтенброт. Алгоритмы и вычислительные автоматы. М.: "Советское радио". 1974.
11. Ч. Чень, Р. Ли. Математическая логика и автоматическое доказательство теорем. - М.: "Наука", 1983.
12. Г. Д. Эббинхауз, К. Якобс, Ф. К. Ман, Г. Хермес. Машины Тьюринга и рекурсивные функции. - М.: "Мир", 1972.

## **9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине**

Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине включает в свой состав специальные помещения:

- учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа;
- учебные аудитории для проведения практических занятий (семинаров);
- учебные аудитории для проведения групповых и индивидуальных консультаций;
- учебные аудитории для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации;
- помещения для самостоятельной работы;
- помещения для хранения и профилактического обслуживания технических средств обучения.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа к электронной информационно-образовательной среде ЯрГУ.

### **Автор(ы):**

Профессор, доктор физ.-матем. наук

Дурнев В.Г.

**Приложение №1 к рабочей программе дисциплины  
«Теория алгоритмов»**

**Фонд оценочных средств  
для проведения текущей и промежуточной аттестации студентов  
по дисциплине**

**1. Типовые контрольные задания или иные материалы,  
используемые в процессе текущей аттестации**

**Домашние задания по теме № 2 "Машины Тьюринга."**

Задания для самостоятельного решения № 1 - 12 из параграфа 2 части III сборника задач Лавров И.А. Задачи по теории множеств, математической логики и теории алгоритмов / И.А. Лавров, Л.Л. Максимова. М.: Наука. 1984. 287 с.

**Домашние задания по теме № 3 "Частично рекурсивные, рекурсивные и примитивно рекурсивные функции."**

Задания для самостоятельного решения № 1 - 15 из параграфа 1 части III сборника задач Лавров И.А. Задачи по теории множеств, математической логики и теории алгоритмов / И.А. Лавров, Л.Л. Максимова. М.: Наука. 1984. 287 с.

**Домашние задания по теме № 4 "Примитивно рекурсивные и рекурсивные предикаты, отношения и множества, операции над ними."**

Задания для самостоятельного решения № 16 - 30 из параграфа 1 части III сборника задач Лавров И.А. Задачи по теории множеств, математической логики и теории алгоритмов / И.А. Лавров, Л.Л. Максимова. М.: Наука. 1984. 287 с.

**Домашние задания по теме № 5 "Задание функций и предикатов."**

Задания для самостоятельного решения № 31 - 44 из параграфа 1 части III сборника задач Лавров И.А. Задачи по теории множеств, математической логики и теории алгоритмов / И.А. Лавров, Л.Л. Максимова. М.: Наука. 1984. 287 с.

**Домашние задания по теме № 6 "Нумерация."**

Задания для самостоятельного решения № 31 - 44 из параграфа 1 части III сборника задач Лавров И.А. Задачи по теории множеств, математической логики и теории алгоритмов / И.А. Лавров, Л.Л. Максимова. М.: Наука. 1984. 287 с.

**Домашние задания по теме № 7 "Множества, отношения и предикаты."**

Задания для самостоятельного решения № 16 - 30 из параграфа 1 части III сборника задач Лавров И.А. Задачи по теории множеств, математической логики и теории алгоритмов / И.А. Лавров, Л.Л. Максимова. М.: Наука. 1984. 287 с.

**Домашние задания по теме № 8 "Машины Тьюринга."**

Задания для самостоятельного решения № 13 - 25 из параграфа 2 части III сборника задач Лавров И.А. Задачи по теории множеств, математической логики и теории алгоритмов / И.А. Лавров, Л.Л. Максимова. М.: Наука. 1984. 287 с.

**Домашние задания по теме № 12 "Алгоритмическая неразрешимость"**

Задания для самостоятельного решения № 1 - 48 из параграфа 3 части III сборника задач Лавров И.А. Задачи по теории множеств, математической логики и теории алгоритмов / И.А. Лавров, Л.Л. Максимова. М.: Наука. 1984. 287 с.

Домашние задания по теме № 14 **"Нумерация Клини частично рекурсивных функций"** и по теме № 15 **"Нумерация Поста рекурсивно перечислимых множеств."**

Задания для самостоятельного решения № 1 - 43 из параграфа 4 части III сборника задач Лавров И.А. Задачи по теории множеств, математической логики и теории алгоритмов / И.А. Лавров, Л.Л. Максимова. М.: Наука. 1984. 287 с.

### **Контрольная работа**

Задания для контрольной работы по теме № 9 **"Вычислимость функций"**

- 1) Доказать примитивную рекурсивность теоретико-числовой функции.
- 2) Написать программу для машины Тьюринга, вычисляющей заданную функцию.
- 3) Написать программу для машины Тьюринга, решающей проблему вхождения в заданный язык.
- 4 Как связаны между собой вычислимость, вычислимость по Тьюрингу и частичная рекурсивность?

Примечание. Каждый вариант задания определяется выбором конкретной теоретико-числовой функции и языка.

### **Темы рефератов**

- 1) Основные этапы формирования теории алгоритмов.
- 2) Алгоритмически неразрешимые проблемы в алгебре.
- 3) Алгоритмически неразрешимые проблемы в теории алгоритмов.
- 4) Алгоритмически неразрешимые проблемы в математической логике.
- 5) Алгоритмически неразрешимые проблемы в топологии.
- 6) Алгоритмически неразрешимые проблемы в теории дифференциальных уравнений.
- 7) Алгоритмически неразрешимые проблемы в математическом анализе.
- 8) Оценка сложности алгоритмов.
- 9) Сложностные классы. Невырожденность сложностной иерархии.
- 10) Машины Шенфильда и RAM.

## **2. Список вопросов и (или) заданий для проведения промежуточной аттестации**

### **Вопросы к зачету по дисциплине**

#### **«Теория алгоритмов»**

1. Алгоритмы в интуитивном смысле. Примеры алгоритмов из различных разделов математики: алгебры, теории чисел, математической логики, математического анализа, теории обыкновенных дифференциальных уравнений и т. д.
2. Основные свойства алгоритмов. Дискретность, детерминированность, элементарность шагов и массовость алгоритмов.
3. Необходимость математического уточнения интуитивного понятия алгоритма, примеры математических проблем, сформулированных в конце XIX -- начале XX в.в., приведших к уточнению понятия алгоритма.
4. Неразрешимые алгоритмические проблемы в теории алгоритмов, алгебре, математической логике, теории чисел, математическом анализе, топологии.
5. Машина Тьюринга. Внешний и внутренний алфавиты, команды и программа машины Тьюринга. Различные варианты машин Тьюринга: многоленточные и одноленточные, с одномерной и многомерной лентой, с потенциально бесконечной в обе стороны лентой, с непродолжаемой влево лентой и т. д.
6. Словарные алгоритмы, реализуемые машинами Тьюринга.

7. Вычислимые по Тьюрингу функции. Правильная вычислимость по Тьюрингу.
8. Вычислимость по Тьюрингу элементарных теоретико-числовых функций. Разрешимые и перечислимые множества слов.
9. Операции над машинами Тьюринга. Композиция машин Тьюринга. Разветвление. Диаграммы машин Тьюринга. Циклический сдвиг, копирование.
10. Тезис Тьюринга. Замкнутость класса правильно вычислимых по Тьюрингу функций относительно операций суперпозиции, примитивной рекурсии и минимизации.
11. Примитивно рекурсивные, частично рекурсивные и рекурсивные функции. Простейшие (исходные) функции. Операции суперпозиции, примитивной рекурсии и минимизации.
12. Примитивно рекурсивные функции. Примеры примитивно рекурсивных теоретико-числовых функций.
13. Частично рекурсивные и рекурсивные функции, примеры. Операции над примитивными, рекурсивными и частично рекурсивными функциями.
- Тезис А. Черча.
14. Нумерация пар и  $n$ -ок натуральных чисел. Нумерационные функции.
15. Рекурсивные и рекурсивно перечислимые множества и предикаты.
16. Теорема Э. Поста.
17. Теорема о графике функции.
18. Правильная вычислимость по Тьюрингу любой частично рекурсивной функции.
19. Арифметизация теории машин Тьюринга.
20. Частичная рекурсивность любой вычислимой по Тьюрингу функции.
21. Нормальная форма Клини. Универсальные частично рекурсивные функции.
22. Алгоритмическая неразрешимость. Неразрешимость проблемы самоприменимости и применимости для машин Тьюринга.
23. Тьюрингов предикат вычислимости. Существование рекурсивно перечислимого, но не рекурсивного множества.
24. Нумерация Клини частично рекурсивных функций. Универсальные функции Клини.
- Теорема о неподвижной точке для частично рекурсивных функций.
25. Теорема Райса для частично рекурсивных функций. Ее значение для компьютерной практики.
26. Нумерация Поста рекурсивно перечислимых множеств.
- Теорема о неподвижной точке для рекурсивно перечислимых множеств.
- Теорема Райса для рекурсивно перечислимых множеств.
27.  $m$ -сводимость.  $m$ -универсальные, креативные и продуктивные множества.
28. Нормальные алгорифмы А.А.Маркова.
- Нормальные алгорифмы А.А.Маркова: схема алгорифма, заключительные и простые правила подстановки (замены). Примеры нормальных алгорифмов. Принцип нормализации А.А.Маркова. Композиция нормальных алгорифмов.
- Связь нормальных алгорифмов А.А. Маркова с машинами Тьюринга и частично рекурсивными функциями
29. Алгоритмическая разрешимость и неразрешимость. Нумерация слов в счетном алфавите и арифметизация алгоритмов. Массовые алгоритмические проблемы. Примеры алгоритмически неразрешимых массовых проблем: проблема остановки для машин Тьюринга (The halting problem for Turing machines), проблема самоприменимости для машин Тьюринга.
30. Примеры алгоритмически разрешимых и неразрешимых задач из теории алгоритмов, математической логики, алгебры, теории чисел, теории формальных грамматик, теории обыкновенных дифференциальных уравнений, топологии, математического анализа и теории конечных автоматов. Теорема Черча о неразрешимости логики предикатов.
31. Значение существования алгоритмически неразрешимых проблем для общей математической и компьютерной практики.

### 3. Описание процедуры выставления оценки

В зависимости от уровня сформированности каждой компетенции по окончании освоения дисциплины студенту выставляется оценка. Для дисциплин, изучаемых в течение нескольких семестров, оценка может выставляться не только по окончании ее освоения, но и в промежуточных семестрах. Вид оценки («отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно», «зачтено», «незачтено») определяется рабочей программой дисциплины в соответствии с учебным планом.

Оценка «отлично» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована на высоком уровне.

Оценка «хорошо» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на продвинутом уровне.

Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, у которого хотя бы одна компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «зачет» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «незачтено» выставляется студенту, у которого хотя бы одна компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована ниже, чем на пороговом уровне.

#### Оценка ответа на экзамене

Экзаменационный ответ оценивается по 4-х бальной системе, в соответствие с которой выставляются оценки **«отлично»**, **«хорошо»**, **«удовлетворительно»**, **«неудовлетворительно»**.

Правила выставления оценки:

оценка **«отлично»** выставляется студенту, если он владеет материалом дисциплины; четко и определенно отвечает на вопросы, легко сравнивает различные части, сближает самые отдаленные точки учения, разбирает новые и сложные предлагаемые ему случаи, знает слабые стороны учения, места, где сомневается, и что можно возразить против теории.

оценка **«хорошо»** выставляется студенту, если он твердо знает и понимает материал, грамотно и по существу излагает его, не допускает существенных неточностей в ответе на поставленные вопросы, правильно применяет теоретические положения при решении практических вопросов и задач, владеет необходимыми навыками и приемами их выполнения.

оценка **«удовлетворительно»** выставляется студенту, если он имеет знания основного материала, но не усвоил его деталей, знает дисциплину только в том виде, как она была ему преподана, но приходит в замешательство от соприкосновенных вопросов, предлагаемых на тот конец, чтобы он сблизил между собой отдаленнейшие точки; испытывает затруднения при выполнении практических работ.

оценка **«неудовлетворительно»** выставляется студенту, который не знает значительной части программного материала, допускает существенные ошибки, неуверенно, с большими затруднениями и ошибками выполняет практические задания.

### **Оценка устного ответа на зачете**

Устный ответ на зачете оценивается по 2 балльной системе: «зачтено», «незачтено».

Оценка «зачтено» ставится, если:

- демонстрируемые студентом знания отличаются достаточной глубиной и содержательностью,
- дается достаточно полный ответ, как на основные вопросы, так и на дополнительные;
- студент достаточно свободно владеет терминологией;
- ответ студента не содержит принципиальных ошибок.

Оценка «незачтено» ставится, если:

- обнаружено незнание или непонимание студентом основных разделов дисциплины;
- студент допускает существенные фактические ошибки, которые он не может исправить самостоятельно;
- на значительную часть дополнительных вопросов студент затрудняется дать правильный ответ.

### **Оценивание контрольных работ:**

Каждая из четырёх задач оценивается следующими баллами:

0 (задача не сделана), 1 (сделано кое-что), 2 (сделана приблизительно наполовину), 3 (сделана с некоторыми недочетами), 4 (сделана полностью).

Общее число баллов за все 4 задания составляет 16. Оценка за работу студента ставится в зависимости от набранного им числа баллов:

- 0 – 4 балла – неудовлетворительно,
- 5 – 8 баллов – удовлетворительно,
- 9 – 12 баллов – хорошо
- 13 – 16 баллов – отлично.

## **Приложение №2 к рабочей программе дисциплины «Теория алгоритмов»**

### **Методические указания для студентов по освоению дисциплины**

Основной формой изложения учебного материала по дисциплине "Теория алгоритмов" являются лекции, что связано, прежде всего, с достаточно высоким уровнем абстрактности изучаемых в теории алгоритмов понятий, ее глубокими и прочными связями с основаниями математики и с ее философскими вопросами. По большинству тем предусмотрены практические занятия, целью которых является закрепление лекционного материала путем решения специальным образом подобранных задач и упражнений.

Для успешного освоения дисциплины важно самостоятельное решение достаточно большого набора хорошо подобранных задач, как в аудитории, так и самостоятельно в качестве домашних заданий. Примеры решения задач разбираются на лекциях и практических занятиях, при необходимости по наиболее трудным темам проводятся дополнительные консультации. Основная цель решения задач – помочь усвоить фундаментальные понятия и основы математической логики. Для решения задач необходимо не только знать, но и понимать лекционный материал. Поэтому в процессе изучения дисциплины рекомендуется регулярная работа с конспектами лекций и рекомендованной литературой.

Большое внимание должно быть уделено выполнению домашней работы. В качестве заданий для самостоятельной работы дома студентам предлагаются задачи, аналогичные разобранным на лекциях и практических занятиях или немного более сложные, которые являются результатом объединения нескольких базовых задач.

Для проверки и контроля усвоения теоретического материала, приобретенных практических навыков работы с основными понятиями теории алгоритмов в течение обучения проводятся мероприятия текущей аттестации в виде устного опроса на практических занятиях и контрольной работы в 7-ом семестре. Также проводятся консультации (при необходимости) по лекционному материалу и разбору некоторых заданий для самостоятельной работы.

В конце изучения дисциплины "Теория алгоритмов" студенты сдают зачет. Зачет принимается (выставляется) на основе результатов работы в семестре: выполнения домашних заданий, контрольной работы, сдачи реферата по одной из предложенных тем и устной беседы на основании списка вопросов к зачету, который охватывает полностью всю программу дисциплины. При этом студенту могут быть предложены для решения задачи, аналогичные тем, что разбирались на практических занятиях или решались самостоятельно в качестве домашнего задания.