

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Ярославский государственный университет им. П.Г. Демидова

Кафедра дискретного анализа

УТВЕРЖДАЮ
Декан факультета ИВТ

Д.Ю. Чалый
«_23_» мая 2023 г.

Рабочая программа дисциплины
«Функциональный анализ»

Направление подготовки
01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль)
«Программирование и технологии искусственного интеллекта»

Квалификация выпускника
Бакалавр

Форма обучения
очная

Программа рассмотрена
заседании кафедры
от 11 апреля 2023 г.,
протокол № 4

Программа одобрена НМК
факультета ИВТ
протокол № 6 от
28 апреля 2023 г.

Ярославль

1. Цели освоения дисциплины

Целью дисциплины «Функциональный анализ» являются закрепление и углубление теоретических знаний по современному анализу, включающего такие важные для компьютерного моделирования и защиты информации понятия, как метрика, компактность и свойства непрерывных отображений, понятия гильбертовых пространств и линейных операторов в них. Дисциплина «Функциональный анализ» помогает формировать и развивать абстрактное мышление, формировать математический язык и математический аппарат, приучать студентов не упускать из виду практические области, в которых можно приложить полученные абстрактные знания.

2. Место дисциплины в структуре ОП бакалавриата

Дисциплина «Функциональный анализ» относится к базовой части ОП бакалавриата.

Основу курса составляют понятие линейных, топологических и нормированных пространств; пространства непрерывных и суммируемых функций. «Функциональный анализ» необходим при изучении дисциплин «Математические методы в компьютерных технологиях», «Численные методы», дисциплин по выбору профессионального цикла, связанных с защитой и кодированием информации.

3. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения ОП бакалавриата

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих элементов компетенций в соответствии с ФГОС ВО, ОП ВО и приобретения следующих знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности:

| Формируемая компетенция (код и формулировка) | Индикатор достижения компетенции (код и формулировка) | Перечень планируемых результатов обучения |
|---|--|--|
| Общепрофессиональные компетенции | | |

| | | |
|---|---|---|
| <p>ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности.</p> | <p>ОПК – 1.1 Демонстрирует навыки решения типовых задач, выполнения стандартных действий;</p> <p>ОПК – 1.2 Демонстрирует навыки использования основных понятий, концепций, фактов, принципов математики, информатики, естественных наук для решения практических задач, связанных с применением математических и (или) естественных наук.</p> | <p>Знать: элементы аппарата, используемого для решения задач классического функционального анализа: метрические и линейные нормированные пространства;</p> <p>Уметь: использовать примеры основных метрических пространств и принцип сжимающих отображений, примеры евклидовых пространств и ортогональных базисов к научным и прикладным задачам.</p> <p>Владеть: навыками решения практических задач с использованием методов функционального анализа.</p> |
|---|---|---|

4. Объем, структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зач. ед., 72 акад. час.

| № п/п | Темы (разделы) дисциплины, их содержание | Семестр | Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу студентов, и их трудоемкость (в академических часах) | | | | | | Формы текущего контроля успеваемости Форма промежуточной аттестации (по семестрам) |
|-------|--|---------|---|--------------|--------------|--------------|----------------|-----------|---|
| | | | Контактная работа | | | | | | |
| | | | лекции | практические | лабораторные | консультации | аттестационные | испытания | |
| 1 | 1 Метрические пространства. | 4 | 4 | 4 | | 1 | | 7 | |
| 2 | 2 Евклидовы и нормированные пространства | 4 | 2 | 4 | | 1 | | 6 | |
| 3 | 3 Полные метрические пространства. Теорема о пополнении. Принцип | 4 | 4 | 2 | | 1 | | 7 | |

| | | | | | | | |
|---|--|---|-----------|-----------|----------|-------------|--------------|
| | сжатых отображений. | | | | | | |
| 4 | Классификация Бэра. Сепарабельные пространства. | 4 | 4 | 4 | 1 | 6 | |
| 5 | Предкомпактные и компактные пространства. | 4 | 4 | 4 | | 5,7 | |
| | | | | | | | |
| | Всего за 4 семестр | | 18 | 18 | 4 | 31,7 | Зачет |
| | Всего | | 18 | 18 | 4 | 31,7 | |

Содержание разделов дисциплины:

1. Метрические пространства.

Понятие метрического пространства. Определение, основные примеры. Сходимость, открытые и замкнутые множества.

2. Евклидовы и нормированные пространства

Понятие линейного пространства. Определение, основные примеры. Подпространства. Линейный функционал. Понятия евклидова и нормированного пространства. Основные примеры.

3. Полные метрические пространства. Теорема о пополнении. Принцип сжатых отображений.

Полные и неполные метрические пространства, примеры. Пополнение пространства. Лебеговы пространства. Сжимающий оператор. Теорема Банаха. Применение принципа сжатых отображений.

4. Классификация Бэра. Сепарабельные пространства.

Тощие и не тощие пространства. Теорема Бэра. Существование непрерывной и нигде не дифференцируемой функции. Сепарабельность. Примеры.

5. Предкомпактные и компактные пространства.

Предкомпактные пространства. Теорема Хаусдорфа. Теорема Арцела. Принцип Шаудера.

5. Образовательные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

Формы преподавания функционального анализа, который дополняет, продолжает и обобщает курс математического анализа, достаточно традиционны.

Это *лекции и практические занятия*. Практические занятия, в зависимости от цели, подразделяются на занятия, на которых изучается новый материал, занятия закрепления материала, повторения пройденного за некоторый промежуток времени, контрольные занятия.

По темам, имеющим фундаментальный характер, проводятся занятия коррекции. *Групповые консультации* проводятся перед зачетной работой для большой группы студентов с целью систематизации знаний и устраниению имеющихся сложностей с пониманием материала общего характера.

Индивидуальные консультации проводятся регулярно для желающих с целью устранения имеющихся у студентов проблем с материалом частного характера.

Самостоятельная работа реализуется:

1. Непосредственно в процессе аудиторных занятий.

2. В контакте с преподавателем вне рамок расписания - на консультациях по учебным вопросам, при ликвидации задолженностей, при выполнении индивидуальных заданий и т.д.

3. В библиотеке, дома, и т.д. при выполнении студентом учебных задач.

6 . Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень лицензионного программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

В процессе осуществления образовательного процесса используются: для разработки документов, презентаций, для работы с электронными таблицами

OfficeStd 2013 RUS OLP NL Acdmc 021-10232

LibreOffice (свободное)

издательская система LaTeX;

для поиска учебной литературы библиотеки ЯрГУ – Автоматизированная библиотечная информационная система "БУКИ-NEXT" (АБИС "Буки-Next")

7. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

а) основная:

Бондаренко, В. А., Метрические пространства [Электронный ресурс] : учебное пособие / В. А. Бондаренко, А. Н. Морозов, А. В. Николаев ; Яросл. гос. ун-т, Ярославль, ЯрГУ, 2017, 108с. <http://www.lib.uniyar.ac.ru/edocs/iuni/20170406.pdf>

Бондаренко В.А. Метрические пространства: учебное пособие/ В.А.Бондаренко, А.Н.Морозов, А.В.Николаев; Яросл. гос. ун-т им. П.Г.Демидова. – Ярославль: ЯрГУ, 2017. – 109 с.

б) дополнительная:

Власова, Е.А. Элементы функционального анализа [Электронный ресурс] : учебное пособие / Е.А. Власова, И.К. Марчевский. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2015. — 400 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/67481>

Садовничий В.А. Теория операторов: учебник для вузов - 4-е изд., испр. и доп. - М.: Дрофа, 2001.-384с.

Колмогоров, А. Н., Элементы теории функций и функционального анализа : учебник для вузов / А. Н. Колмогоров, С. В. Фомин. - 6-е изд., испр., М., Наука, 1989, 623с

Власова, Е. А., Элементы функционального анализа : учеб. пособие / Е. А. Власова, И. К. Марчевский, СПб., Лань, 2015, 397с

Рудин У. Основы математического анализа. - М.: Мир, 1976.-319с.

Треногин В.А., Писаревский Б.М., Соболева Т.С. Задачи и упражнения по функциональному анализу: Учебное пособие для вузов. - М.: Наука, 1984.-256с.

в) ресурсы сети «Интернет»

1. Электронная библиотека учебных материалов ЯрГУ (http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_cat_find.php).
2. Электронно-библиотечная система «Юрайт»(<https://urait.ru/>).
3. Электронно-библиотечная система «Лань»(<https://e.lanbook.com/>).

8. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине включает в свой состав специальные помещения:

-учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа и практических занятий (семинаров);

- учебные аудитории для проведения групповых и индивидуальных консультаций;
- учебные аудитории для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации;
- помещения для самостоятельной работы;
- помещения для хранения и профилактического обслуживания технических средств обучения.

Специальные помещения укомплектованы средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Для проведения занятий лекционного типа предлагаются наборы демонстрационного оборудования и учебно-наглядных пособий, хранящиеся на электронных носителях и обеспечивающие тематические иллюстрации, соответствующие рабочим программам дисциплин.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду организации.

Число посадочных мест в лекционной аудитории больше либо равно списочному составу потока, а в аудитории для практических занятий (семинаров) – списочному составу группы обучающихся.

Автор :

д-р физ.-мат.наук, профессор, зав.кафедрой

Бондаренко В.А.

**Приложение №1 к рабочей программе дисциплины
«Функциональный анализ»**
Фонд оценочных средств
для проведения текущей и промежуточной аттестации студентов
по дисциплине

1. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

1.1. Контрольные задания и иные материалы, используемые в процессе текущей аттестации

1. Список вопросов к зачету.

- 1 Понятие метрики, сходимость, примеры метрических пространств открытые и замкнутые множества, шары и окрестности.
- 2 Полнота (понятие фундаментальной последовательности, полнота n -мерного евклидова пространства, полнота пространства $C[a,b]$). Теорема о пополнении. Пространство $L^2[a, b]$.
- 3 Принцип сжатых отображений. Приложения.
- 4 Классификация Бэра. Примеры всюду плотных и нигде не плотных множеств.
- 5 Примеры сепарабельных и несепарабельных метрических пространств.
- 6 Предкомпактность. Теорема Хаусдорфа. Теорема Арцела.

**Вопросы для контрольных мероприятий по курсу «Функциональный анализ»
(Проверка ПК-2)**

1. Какие из следующих формул задают метрику в множестве всех действительных чисел:
 - a) $(x - y)^2$;
 - b) $|x - y|^{1/2}$;
 - c) $\ln(1 + |x - y|)$?
2. Докажите, что открытый шар является открытым множеством, а замкнутый шар – замкнутое множество.
3. Приведите примеры полных и неполных метрических пространств.
4. Докажите, что $C[a, b]$ сепарабельно, а l_∞ не сепарабельно.
5. Приведите пример множества в R , которое одновременно не является всюду плотным и нигде не плотным.
6. Докажите, что «гильбертов кирпич»
$$K = \{x = (\xi_1, \xi_2, \xi_3, \dots) : |\xi_n| \leq 1/n\}$$
предкомпактен и компактен в l_2 .
7. Докажите, что множество X дифференцируемых функций из $C[a, b]$, модуль производной каждой из которых в любой точке отрезка $[a, b]$ не превосходит единицу, равностепенно непрерывно.

Задания, аналогичные данным, можно найти в пособии

Бондаренко, В. А., Метрические пространства [Электронный ресурс] : учебное пособие / В. А. Бондаренко, А. Н. Морозов, А. В. Николаев ; Яросл. гос. ун-т, Ярославль, ЯрГУ, 2017, 108с.

Студент получает один вопрос (оценивается в 3 балла) и одно практическое задание (оценивается в 3 балла)

Результатом оценивания ответов на вопросы является сумма баллов, которая определяет оценку: 4 балла и более 4 баллов – «зачтено»; менее 4 баллов – «незачтено».

Оценка «зачтено» выставляется студенту, который:

- прочно усвоил предусмотренный программный материал;
- правильно, аргументировано ответил на все вопросы, с приведением примеров;
- показал глубокие систематизированные знания, владеет приемами рассуждения: теорию связывает с практикой, другими темами данного курса, других изучаемых предметов.

Дополнительным условием получения оценки «зачтено» может стать систематическая активная работа на практических занятиях.

Оценка «незачтено» Выставляется студенту, который не справился с заданием, в ответах на вопросы допустил существенные ошибки. Не ответил на дополнительные вопросы, предложенные преподавателем. Целостного представления о взаимосвязях, компонентах дисциплины у студента нет.

2. Перечень компетенций, этапы их формирования, описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкалы оценивания

2.1. Шкала оценивания сформированности компетенций и ее описание

Оценивание уровня сформированности компетенций в процессе освоения дисциплины осуществляется по следующей трехуровневой шкале:

Пороговый уровень - предполагает отражение тех ожидаемых результатов, которые определяют минимальный набор знаний и (или) умений и (или) навыков, полученных студентом в результате освоения дисциплины. Пороговый уровень является обязательным уровнем для студента к моменту завершения им освоения данной дисциплины.

Продвинутый уровень - предполагает способность студента использовать знания, умения, навыки и (или) опыт деятельности, полученные при освоении дисциплины, для решения профессиональных задач. Продвинутый уровень превосходит пороговый уровень по некоторым существенным признакам.

Высокий уровень - предполагает способность студента использовать потенциал интегрированных знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, полученных при освоении дисциплины, для творческого решения профессиональных задач и самостоятельного поиска новых подходов в их решении путем комбинирования и использования известных способов решения применительно к конкретным условиям. Высокий уровень превосходит пороговый уровень по всем существенным признакам.

2.2. Перечень компетенций, этапы их формирования, описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования

| Код компетенции | Форма контроля | Этапы формирования (№ темы (раздела)) | Показатели оценивания | Шкала и критерии оценивания компетенций на различных этапах их формирования | | |
|---|----------------|---------------------------------------|--|--|--|--|
| | | | | Пороговый уровень | Продвинутый уровень | Высокий уровень |
| Общепрофессиональные компетенции | | | | | | |
| ПК-2 | Зачет. | 1-5 | Знать: элементы аппарата, используемого для решения задач классического функционального анализа: метрические, евклидовы, нормированные пространства; Уметь: применять элементы теории множеств; определение полного метрического пространства и принцип сжимающих отображений; примеры евклидовых пространств и | Умение проверить выполнимость аксиом метрики для данной функции. Умение проверить, является ли данное множество с заданной на нем метрикой полным метрическим пространством. Умение применять основную схему принципа сжимающих отображений. | Умение проверить выполнимость аксиом метрики для данной функции. Умение проверить, является ли данное множество с заданной на нем метрикой полным метрическим пространством. Умение применять основную схему принципа сжимающих отображений. | Умение проверить выполнимость аксиом метрики для данной функции. Умение проверить, является ли данное множество с заданной на нем метрикой полным метрическим пространством. Умение применять основную схему принципа сжимающих отображений. |

| | | | | | | |
|--|--|--|---|--|--|--|
| | | | <p>ортогональных базисов к научным и прикладным задачам.</p> <p>Владеть:</p> <p>навыками решения практических задач с использованием основных понятий функционального анализа.</p> | | | |
|--|--|--|---|--|--|--|

3. Методические рекомендации преподавателю по процедуре оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

Целью процедуры оценивания является определение степени овладения студентом ожидаемыми результатами обучения (знаниями, умениями, навыками и (или) опытом деятельности).

Процедура оценивания степени овладения студентом ожидаемыми результатами обучения осуществляется с помощью методических материалов, представленных в разделе «Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций»

3.1 Критерии оценивания степени овладения знаниями, умениями, навыками и (или) опытом деятельности, определяющие уровни сформированности компетенций

Пороговый уровень (общие характеристики):

- владение основным объемом знаний по программе дисциплины;
- знание основной терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы без существенных ошибок;
- владение инструментарием дисциплины, умение его использовать в решении стандартных (типовых) задач;
- способность самостоятельно применять типовые решения в рамках рабочей программы дисциплины;
- усвоение основной литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- знание базовых теорий, концепций и направлений по изучаемой дисциплине;
- самостоятельная работа на практических и лабораторных занятиях, периодическое участие в групповых обсуждениях, достаточный уровень культуры исполнения заданий.

Продвинутый уровень (общие характеристики):

- достаточно полные и систематизированные знания в объеме программы дисциплины;
- использование основной терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать выводы;
- владение инструментарием дисциплины, умение его использовать в решении учебных и профессиональных задач;
- способность самостоятельно решать сложные задачи (проблемы) в рамках рабочей программы дисциплины;
- усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- умение ориентироваться в базовых теориях, концепциях и направлениях по изучаемой дисциплине и давать им сравнительную оценку;
- самостоятельная работа на практических и лабораторных занятиях, участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий.

Высокий уровень (общие характеристики):

- систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам дисциплины;

- точное использование терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать обоснованные выводы;
- безупречное владение инструментарием дисциплины, умение его использовать в постановке и решении научных и профессиональных задач;
- способность самостоятельно и творчески решать сложные задачи (проблемы) в рамках рабочей программы дисциплины;
- полное и глубокое усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- умение ориентироваться в основных теориях, концепциях и направлениях по изучаемой дисциплине и давать им критическую оценку;
- активная самостоятельная работа на практических и лабораторных занятиях, творческое участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий.

3.2 Описание процедуры выставления оценки

В зависимости от уровня сформированности каждой компетенции по окончании освоения дисциплины студенту выставляется оценка. Для дисциплин, изучаемых в течение нескольких семестров, оценка может выставляться не только по окончании ее освоения, но и в промежуточных семестрах. Вид оценки («отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно», «зачтено», «незачтено») определяется рабочей программой дисциплины в соответствии с учебным планом.

Оценка «отлично» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована на высоком уровне.

Оценка «хорошо» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на продвинутом уровне.

Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «зачет» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «незачтено» выставляется студенту, у которого хотя бы одна компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована ниже, чем на пороговом уровне.

Приложение №2 к рабочей программе дисциплины «Функциональный анализ»

Методические указания для студентов по освоению дисциплины

Основной формой изложения учебного материала по дисциплине «Функциональный анализ» являются лекции. В ходе лекционных занятий необходимо вести конспектирование учебного материала, обращая внимание на формулировки, раскрывающие содержание тех или иных понятий, на последовательность выводов, использование при доказательстве тех или иных фактов. Можно оставить в рабочих конспектах поля, на которых делать различного рода пометки из рекомендованной литературы, дополняющие материал лекции, а также вопросы с целью уяснения теоретических выводов. По большинству тем предусмотрены практические занятия, на которых происходит закрепление лекционного материала путем применения его к конкретным задачам. Практические занятия проводятся для выработки навыков решения практических задач и лучшего усвоения учебного материала. В начале практического занятия происходит обсуждение задач, решенных студентами самостоятельно дома. Это возможность для студентов еще раз обратить внимание на не непонятные до сих пор моменты и окончательно разобрать их. Преподаватель может выборочно проверить записи с самостоятельно решенными задачами. Для успешного освоения дисциплины очень важно решение достаточно большого количества задач, как в аудитории, так и самостоятельно в качестве домашних заданий. Примеры решения задач разбираются на лекциях и практических занятиях, при необходимости по наиболее трудным темам проводятся дополнительные консультации. Основная цель решения задач – помочь усвоить фундаментальные понятия и основы функционального анализа. В ходе подготовки к практическому занятию необходимо прочитать конспект лекции, изучить основную литературу, ознакомиться с дополнительной литературой. При подготовке к лекциям, занятиям, зачету необходимо делать записи. Записи помогают понять построение изучаемого материала, выделить основные положения, проследить их логику. Вообще, большое внимание должно быть удалено выполнению домашней работы. В качестве заданий для самостоятельной работы дома студентам предлагаются задачи, аналогичные разобранным на лекциях и практических занятиях или немного более сложные, которые являются результатом объединения нескольких базовых задач.

Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов по дисциплине

Для самостоятельной работы особенно рекомендуется использовать учебную литературу.

Также для подбора учебной литературы рекомендуется использовать:

1. Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека online» (www.biblioclub.ru) - электронная библиотека, обеспечивающая доступ к наиболее востребованным материалам-первоисточникам, учебной, научной и художественной литературе ведущих издательств (*регистрация в электронной библиотеке – только в сети университета. После регистрации работа с системой возможна с любой точки доступа в Internet.).

2. [Электронная библиотека издательства «Лань»](#) – это ресурс, содержащий электронные версии книг ведущих издательств учебной, научной литературы и периодических изданий по различным областям знаний. ЭБС издательства «Лань» предоставляет доступ к коллекциям: Математика – издательство «Лань»; Информатика – издательство «Лань».

Для самостоятельного подбора литературы в библиотеке ЯрГУ рекомендуется использовать: 1. Личный кабинет (http://lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_login.php) дает возможность получения on-line доступа к списку выданной в автоматизированном режиме литературы, просмотра и копирования электронных версий изданий сотрудников

университета (учеб. и метод. пособия, тексты лекций и т.д.) Для работы в «Личном кабинете» необходимо зайти на сайт Научной библиотеки ЯрГУ с любой точки, имеющей доступ в Internet, в пункт меню «Электронный каталог»; пройти процедуру авторизации, выбрав вкладку «Авторизация», и заполнить представленные поля информации.

2. Электронная библиотека учебных материалов ЯрГУ (http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_cat_find.php) содержит более 2500 полных текстов учебных и учебно-методических материалов по основным изучаемым дисциплинам, изданных в университете. Доступ в сети университета, либо по логину/паролю.

3. Электронная картотека «Книгообеспеченность» (http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_bookreq_find.php) раскрывает учебный фонд научной библиотеки ЯрГУ, предоставляет оперативную информацию о состоянии книгообеспеченности дисциплин основной и дополнительной литературой, а также цикла дисциплин и специальностей. Электронная картотека «Книгообеспеченность» доступна в сети университета и через Личный кабинет.