

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Ярославский государственный университет им. П.Г. Демидова

Кафедра алгебры и математической логики

УТВЕРЖДАЮ

Декан математического факультета

Нестеров П.Н.

20 мая 2025 г.

Рабочая программа дисциплины

Теория кодирования

Направление подготовки (специальности)
02.03.01 Математика и компьютерные науки

Направленность (профиль)
«Программирование, алгоритмы и анализ данных»

Форма обучения очная

Программа рассмотрена
на заседании кафедры
от 15.04.2025, протокол № 8

Программа одобрена НМК
математического факультета
протокол № 9 от 05.05.2025

1. Цели освоения дисциплины.

Целями освоения дисциплины "Теория кодирования" являются: формирование математической культуры студента, фундаментальная подготовка по одному из основных разделов дискретной математики, овладение современным математическим аппаратом для дальнейшего использования при решении теоретических и прикладных задач.

2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Данная дисциплина относится к части образовательной программы, формируемой участниками образовательных отношений, и является элективной дисциплиной. Для успешного изучения этой дисциплины необходимы знания и умения, приобретенные в результате освоения школьного курса математики, а также некоторых разделов из математического анализа и алгебры.

Теория кодирования относится к числу основных разделов современной прикладной математики. Знание основ теории кодирования является важной составляющей общей математической культуры выпускника. Эти знания необходимы как при проведении теоретических исследований в различных областях математики, так и при решении практических задач из разнообразных прикладных областей, таких как информатика, программирование, обработка и передача данных, криптография и др.

3. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих элементов компетенций в соответствии с ФГОС ВО, ОП ВО и приобретения следующих знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности:

Формируемая компетенция (код и формулировка)	Индикатор достижения компетенции (код и формулировка)	Перечень планируемых результатов обучения
Профессиональные компетенции		
ПК-3 Способен создавать и исследовать новые математические модели в естественных науках, промышленности и бизнесе, с учетом возможностей современных информационных технологий и программирования и компьютерной техники.	И-ПК-3.1 Знает основные методы проектирования и производства программного продукта, принципы построения, структуры и приемы работы с инструментальными средствами, поддерживающими создание программных продуктов и программных комплексов, их сопровождения, администрирования и развития (эволюции)	Знать: - основные алгебраические модели и конструкции, - основные методы и формулировки результатов, использующихся в защите информации
	И-ПК-3.2 Умеет использовать методы проектирования и производства программного продукта, принципы	Уметь: решать системы линейных уравнений обосновывать алгоритмы защиты информации

	построения, структуры и приемы работы с инструментальными средствами, поддерживающими создание программного продукта	
	И-ПК-3.3 Имеет практический опыт применения указанных выше методов и технологий	Владеть: - навыками вычислений в основных алгебраических системах - навыками быстрых вычислений в основных алгебраических системах

4. Объем, структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет **3** зачетных единицы, **108** акад. часов.

№ п/п	Темы (разделы) дисциплины, их содержание	Семестр	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу студентов, и их трудоемкость (в академических часах)						Формы текущего контроля успеваемости Форма промежуточной аттестации (по семестрам)
			Контактная работа						
			лекции	практические	лабораторные	консультации	аттестационные испытания	самостоятельная работа	
1	Вводная лекция	6	1	2					
2	Основные понятия теории кодов	6	1	2					
3	Сжатие информации	6	1	2				5	Задания для самостоятельной работы
4	Алгебраические конструкции	6	1	2		1		5	Задания для самостоятельной работы
5	Основные матричные коды	6	1	2		1		5	Задания для самостоятельной работы
6	Поля Галуа	6	1	2		1		3	Контрольная работа 1
7	Циклические коды	6	2	6		1			
8	Квадратично вычетные коды	6	1	2					
9	Схемная реализация циклических кодов	6	1	2		1			
10	БЧХ-коды	6	4	6					
11	Границы возможного	6	1	2		1			
12	Коды и обработка сигналов	6	1	2					
						2	0,5	33,5	экзамен
	Всего		16	32		8	0,5	51,5	

Содержание разделов дисциплины:

1. Вводная лекция.

1.1. Предмет и методы современной прикладной алгебры. Взаимодействие «чистой» и «прикладной» математики. Некоторые модельные задачи.

2. Основные понятия теории кодов.

2.1. Дискретный канал связи. Основные понятия теории кодов.

2.2. Простейшие двоичные коды. Недвоичное кодирование. Расстояние Хэмминга и расстояние Ли

3. Сжатие информации.

3.1. Представление информации, сжатие и восстановление информации. Код Фано.

3.2. Префиксные коды. Неравенство Крафта.

3.3. Код Хаффмена. Методы сжатия информации..

4. Алгебраические конструкции.

4.1. Необходимые алгебраические конструкции. Группы, кольца, поля, линейные векторные пространства, линейные операторы, тензорное произведение пространств и Кронекеровское произведение матриц

5. Основные матричные коды.

5.1. Линейные блочные коды. Структура линейных кодов. Матричное описание. Стандартное расположение кода.

5.2. Коды Хэмминга. Совершенные и квазисовершенные коды. Простые преобразования линейного кода.

5.3. Коды Рида – Маллера.

6. Поля Галуа.

6.1. Арифметика полей Галуа. Кольцо целых чисел. Конечные поля. Кольца многочленов и поля, основанные на кольцах многочленов. Прimitивные элементы. Строение конечного поля.

7. Циклические коды.

7.1. Циклические коды. Код с точки зрения расширения поля. Матричное описание циклических кодов.

7.2. Коды Хэмминга как циклические коды. Циклические коды, исправляющие пакеты ошибок.

8. Квадратично вычетные коды

8.1. Двоичный код Голея. Квадратично вычетные коды.

9. Схемная реализация циклических кодов.

9.1. Схемная реализация циклического кодирования. Логические цепи для арифметики конечного поля. Цифровые фильтры. Кодеры и декодеры на регистрах сдвига. Декодер Меггита. Вылавливание ошибок. Укороченные коды. Декодер для кода Голея.

10. БЧХ-коды

10.1. БЧХ – коды. Определение БЧХ-кодов. Декодер Питерсона – Горенштейна –Цирлера.

10.2. Коды Рида – Соломона.

10.3. Декодирование двоичных БЧХ-кодов.

11. Границы возможного.

11.1. Границы в теории кодирования. Граница Хэмминга, Граница Варшамова – Гильберта. Граница Плоткина.

12. Коды и обработка сигналов.

12.1. Латинские квадраты и коды. Мажоритарное декодирование.

12.2. Матрицы Адамара и преобразования Адамара – Уолша в обработке сигналов

5. Образовательные технологии, в том числе технологии электронного обучения и дистанционные образовательные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

В процессе обучения используются следующие образовательные технологии:

Вводная лекция – дает первое целостное представление о дисциплине и ориентирует студента в системе изучения данной дисциплины. Студенты знакомятся с назначением и задачами курса, его ролью и местом в системе учебных дисциплин и в системе подготовки в целом. Дается краткий обзор курса, история развития науки и практики, достижения в этой сфере, имена известных ученых, излагаются перспективные направления исследований. На этой лекции высказываются методические и организационные особенности работы в рамках данной дисциплины, а также дается анализ рекомендуемой учебно-методической литературы.

Академическая лекция с элементами лекции-беседы – последовательное изложение материала, осуществляемое преимущественно в виде монолога преподавателя. Элементы лекции-беседы обеспечивают контакт преподавателя с аудиторией, что позволяет привлекать внимание студентов к наиболее важным темам дисциплины, активно вовлекать их в учебный процесс, контролировать темп изложения учебного материала в зависимости от уровня его восприятия.

Практическое занятие – занятие, посвященное освоению конкретных умений и навыков по закреплению полученных на лекции знаний.

Консультации – вид учебных занятий, являющийся одной из форм контроля самостоятельной работы студентов. На консультациях по просьбе студентов рассматриваются наиболее сложные моменты при освоении материала дисциплины, преподаватель отвечает на вопросы студентов, которые возникают у них в процессе самостоятельной работы.

6. Перечень лицензионного и (или) свободно распространяемого программного обеспечения, используемого при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

В процессе осуществления образовательного процесса по дисциплине используются:

для формирования материалов для текущего контроля успеваемости и проведения промежуточной аттестации, для формирования методических материалов по дисциплине:

- программы Microsoft Office;
- издательская система LaTeX;
- Adobe Acrobat Reader.

7. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (при необходимости)

В процессе осуществления образовательного процесса по дисциплине используются:

- Автоматизированная библиотечно-информационная система «БУКИ-NEXT»
http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_cat_find.php
- Электронная библиотечная система «Лань» <https://e.lanbook.com>
- Электронная библиотечная система «Юрайт» <https://urait.ru>
- Электронная библиотечная система «Консультант студента»

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» (при необходимости), рекомендуемых для освоения дисциплины

а) основная литература

1. Вернер М. Основы кодирования: учебник для вузов. / М. Вернер; пер. с нем. ; ИППИ РАН - М.: Техносфера, 2004. - 286 с.
2. Белоногов В.А. Теория кодирования: учебное пособие. - Екатеринбург: УГТУ-УПИ, 2009.
3. Л. С. Казарин, М. А. Заводчиков Введение в теорию кодирования, сжатия и восстановления информации - Ярославль: ЯрГУ, 2020.
<http://www.lib.uniyar.ac.ru/edocs/iuni/20200206.pdf>

б) дополнительная литература

1. М. В. Краснов Методы сжатия информации - Ярославль, ЯрГУ, 2014.
<http://www.lib.uniyar.ac.ru/edocs/iuni/20140407.pdf>
2. Сэломон Д. Сжатие данных, изображений и звука, М.: Техносфера, 2006.

9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине включает в свой состав специальные помещения:

- учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа и практических занятий (семинаров);
- учебные аудитории для проведения групповых и индивидуальных консультаций,
- учебные аудитории для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации;
- помещения для самостоятельной работы;
- помещения для хранения и профилактического обслуживания технических средств обучения.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду организации.

Автор:

Зав. кафедрой алгебры и математической логики, профессор

Л. С. Казарин

**Приложение №1 к рабочей программе дисциплины
«Теория кодирования»**

**Фонд оценочных средств
для проведения текущей и промежуточной аттестации студентов
по дисциплине**

**1. Типовые контрольные задания или иные материалы,
используемые в процессе текущей аттестации**

Задания по теме №1 «Введение»

Раздел 1.1. Упражнения из пособия Белоногова В.А.

Задания по теме №2. Основные понятия теории кодов.

Раздел 2.1 Пособие Упражнения из пособия Белоногова В.А.

Раздел 2.2. Пособие Упражнения из пособия Белоногова В.А.

Задания по теме №3. Сжатие информации.

Разделы 3.1.- 3.3. Пособие Белоногова В.А., пособие Казарина Л.С
и Заводчикова М.А.

Задания по теме №4. Алгебраические конструкции.

Раздел 4.1 Пособие Белоногова В.А пособие Казарина Л.С
и Заводчикова М.А.

Задания по теме №5. Основные матричные коды.

Разделы 5.1 – 5.3 Пособие Белоногова В.А., пособие Казарина Л.С
и Заводчикова М.А.

Задания по теме №6. Поля Галуа.

Раздел 6.1 Пособие Белоногова В.А., пособие Казарина Л.С
и Заводчикова М.А.

Задания по теме №7. Циклические коды.

Разделы 7.1. – 7.2. Пособие Белоногова В.А., пособие Казарина Л.С
и Заводчикова М.А.

Задания по теме №8. Квадратично вычетные коды

Раздел 8.1. Пособие Белоногова В.А., пособие Казарина Л.С
и Заводчикова М.А.

Задания по теме №9. Пособие Белоногова В.А, пособие Казарина Л.С
и Заводчикова М.А.

Задания по теме №10. БЧХ-коды

Разделы 10.1.- 10.3 Пособие Белоногова В.А., пособие Казарина Л.С
и Заводчикова М.А.

Задания по теме №11. Продвинутое алгоритмы кодирования

Разделы 11.1 – 11.3 Пособие Белоногова В.А., пособие Казарина Л.С
и Заводчикова М.А.

Задания по теме №12. Границы возможного

Раздел 12.1. Пособие Белоногова В.А., пособие Казарина Л.С и Заводчикова М.А.

Контрольная работа № 1 (один из вариантов)

1. Разложить двоичный многочлен на множители.
2. Дана проверочная матрица линейного кода. Найти кодирующую матрицу.
3. Существует ли квадратично-вычетный код длины 2011?
4. Найти порождающий многочлен кода Рида-Соломона, исправляющего 2 ошибки, основываясь на поле $GF(16)$.
5. Телеграмма на русском языке содержит не более 100 букв. Требуется построить код, исправляющий 5 ошибок
6. Найти порождающий многочлен $(63,55)$ -кода над $GF(8)$.
7. Пусть $(1, 1, 0, 1, 0, 1, 1)$ и $(1,1, 0,0, 1,1,1, 1)$ – искаженные слова расширенных (по-разному) кодов Хэмминга. Какое из этих слов содержит одиночную ошибку? Исправить.

Контрольная работа № 2 (один из вариантов)

1. Сколько существует неприводимых многочленов степени 4 над полем из 3 элементов?
2. Какова должна быть вероятность q ошибки при передаче по двоичному симметричному каналу блока из 8 символов, чтобы не менее половины из них была принята правильно с вероятностью не менее 0.99?
3. Для кода Рида – Маллера первого порядка исправить или обнаружить ошибки в заданных преподавателем словах.
4. Как определяются энтропия и избыточность языка?
5. Написать программу вычисления НОД двух многочленов над полем из 3 элементов..
6. Найти преобразование Фурье последовательности из 16 элементов в конечном поле.
7. Построить декодер для кода с перемежением, позволяющий исправлять все пакеты длины 2.

2. Список вопросов и (или) заданий для проведения промежуточной аттестации

Вопросы к зачету

- Дискретный канал связи. Основная модель теории кодирования, контролирующего ошибки. Основные понятия теории кодов. Простейшие двоичные коды. Недвоичное кодирование.
- Информация одного события. Энтропия и избыточность. Дискретный канал связи без памяти.
- Теорема кодирования источников. Префиксные коды. Неравенства Крафта и Мак-Миллана.
- Код Фано. Коды Хаффмана.
- Энтропия связанных источников. Взаимная и условная информация.
- Совместная и условная энтропия. Примеры вычислений..
- Передача информации по дискретному симметричному каналу. Пропускная способность канала.
- Пропускная способность двоичного симметричного канала со стираниями. Теорема кодирования Шеннона. Непрерывные источники и каналы.
- Структура линейных блочных кодов. Матричное описание линейных блочных кодов.
- Коды Хэмминга. Совершенные и квазисовершенные коды.
- Простые преобразования линейного кода. Коды Рида – Маллера.

- Код с точки зрения расширения поля. Полиномиальное описание циклических кодов. Матричное описание циклических кодов.
- Коды Хэмминга как циклические коды.
- Циклические коды, исправляющие две ошибки.
- Циклические коды, исправляющие пакеты ошибок. Двоичный код Голея.
- Логические цепи для арифметики конечного поля. Цифровые фильтры. Кодеры и декодеры на регистрах сдвига.
- Определение БЧХ-кодов. Декодер Питерсона – Горенштейна – Цирлера.
- Коды Рида – Соломона.
- Декодирование двоичных БЧХ-кодов.
- Границы в теории кодов.
- Латинские квадраты и коды. Мажоритарное декодирование.
- Матрицы Адамара.
-

Некоторые дополнительные задания для экзамена

- 1 Сжать методом Хаффмана алфавит из 6 символов с вероятностями 1/10, 2/10, 3/10, 5/100, 5/100, 3/10.
- 2 Закодировать сообщение «СТУДЕНТ МАТФАКА», используя алгоритмы LZ77, LZ78, LZSS и LZW. Вычислить длины в битах полученных кодов при ограничениях на размер словаря и величину буфера.
- 3 Сжать с помощью арифметического кодирования строку «Жираф – длинношеее животное».
- 4 Дан марковский источник первого порядка с графом состояний из двух связанных вершин А и В, причем переходные вероятности $p(A|A)=0.9$, $p(B|B)=0.7$, $p(B|A)=0.1$ и $p(A|B)=0.3$. Найти стационарное распределение вероятностей и энтропию источника.
- 5 Написать схему декодера, для кода, исправляющего 2 ошибки.
- 6 Предложить схему рекуррентной последовательности, имеющей период не менее 1000.

3. Методические рекомендации преподавателю по процедуре оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

Целью процедуры оценивания является определение степени овладения студентом ожидаемыми результатами обучения (знаниями, умениями, навыками и (или) опытом деятельности).

Процедура оценивания степени овладения студентом ожидаемыми результатами обучения осуществляется с помощью методических материалов, представленных в разделе «Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций»

3.1 Критерии оценивания степени овладения знаниями, умениями, навыками и (или) опытом деятельности, определяющие уровни сформированности компетенций

Пороговый уровень (общие характеристики):

- владение основным объемом знаний по программе дисциплины;
- знание основной терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы без существенных ошибок;

- **владение** инструментарием дисциплины, умение его использовать в решении стандартных (типовых) задач;
- **способность самостоятельно** применять типовые решения в рамках рабочей программы дисциплины;
- **усвоение основной** литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- **знание** базовых теорий, концепций и направлений по изучаемой дисциплине;
- **самостоятельная работа** на практических и лабораторных занятиях, периодическое участие в групповых обсуждениях, **достаточный уровень культуры** исполнения заданий.

Продвинутый уровень (общие характеристики):

- **достаточно** полные и систематизированные знания в объёме программы дисциплины;
- использование основной терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать выводы;
- **владение** инструментарием дисциплины, умение его использовать в решении учебных и профессиональных задач;
- **способность** самостоятельно решать сложные задачи (проблемы) в рамках рабочей программы дисциплины;
- **усвоение основной и дополнительной** литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- **умение ориентироваться в базовых** теориях, концепциях и направлениях по изучаемой дисциплине и давать им сравнительную оценку;
- **самостоятельная работа** на практических и лабораторных занятиях, участие в групповых обсуждениях, **высокий уровень культуры** исполнения заданий.

Высокий уровень (общие характеристики):

- систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам дисциплины;
- точное использование терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать **обоснованные** выводы;
- **безупречное владение** инструментарием дисциплины, умение его использовать в постановке и решении научных и профессиональных задач;
- **способность** самостоятельно и творчески решать сложные задачи (проблемы) в рамках рабочей программы дисциплины;
- **полное и глубокое усвоение основной и дополнительной** литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- **умение ориентироваться в основных** теориях, концепциях и направлениях по изучаемой дисциплине и давать им критическую оценку;
- **активная самостоятельная работа** на практических и лабораторных занятиях, **творческое** участие в групповых обсуждениях, **высокий уровень культуры** исполнения заданий.

3.2 Описание процедуры выставления оценки

В зависимости от уровня сформированности каждой компетенции по окончании освоения дисциплины студенту выставляется оценка. Для дисциплин, изучаемых в течение нескольких семестров, оценка может выставляться не только по окончании ее освоения, но и в промежуточных семестрах. Вид оценки («отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно», «зачтено», «незачтено») определяется рабочей программой дисциплины в соответствии с учебным планом.

Оценка «отлично» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована на высоком уровне.

Оценка «хорошо» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на продвинутом уровне.

Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, у которого хотя бы одна компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «зачет» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «незачтено» выставляется студенту, у которого хотя бы одна компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована ниже, чем на пороговом уровне.

Приложение №2 к рабочей программе дисциплины «Теория кодирования»

Методические указания для студентов по освоению дисциплины

Основной формой изложения учебного материала по дисциплине «Теория кодирования» являются лекции и практические занятия, причем в достаточно большом объеме. Это связано с тем, что теория кодирования представляет собой особый математический аппарат, важную роль в котором играет алгебра, с помощью которого математика решает довольно сложные и нетривиальные задачи. По всем темам предусмотрены практические занятия, на которых происходит закрепление лекционного материала путем применения его к конкретным задачам и отработка навыков работы с математическим аппаратом теории кодирования и сжатия информации.

Особенность дисциплины состоит в ее существенно более абстрактный характер по сравнению с другими дисциплинами и явно выраженный прикладной аспект. Для успешного освоения дисциплины очень важно решение достаточно большого количества задач, как в аудитории, так и самостоятельно в качестве домашних заданий. Примеры решения задач разбираются на лекциях и практических занятиях, при необходимости по наиболее трудным темам проводятся дополнительные консультации. В течение всего обучения на лекциях предлагаются нестандартные задачи, решая которые студент может повысить свой уровень освоения теоретического материала. Основная цель решения задач – помочь усвоить фундаментальные понятия и основы теории. Для решения всех задач необходимо знать и понимать лекционный материал. Поэтому в процессе изучения дисциплины рекомендуется регулярное повторение пройденного лекционного материала. Материал, законспектированный на лекциях, необходимо дома еще раз прорабатывать и при необходимости дополнять информацией, полученной на консультациях, практических занятиях или из учебной литературы.

Большое внимание должно быть уделено выполнению домашней работы. В качестве заданий для самостоятельной работы дома студентам предлагаются задачи, аналогичные разобранным на лекциях и практических занятиях или немного более сложные, которые являются результатом объединения нескольких базовых задач.

Для проверки и контроля усвоения теоретического материала, приобретенных практических навыков работы с аппаратом алгебры в течение обучения проводятся мероприятия текущей аттестации в виде 2 контрольных и 2 самостоятельных работ. Также проводятся консультации (при необходимости) по разбору заданий для самостоятельной работы, которые вызвали затруднения.

В конце изучения дисциплины студенты сдают экзамен. Оценка выставляется по итогам тестирования и краткого собеседования по его результатам. Экзамен принимается по экзаменационным билетам, каждый из которых включает в себя теоретический вопрос и задачу. На самостоятельную подготовку к экзамену выделяется 3 дня, во время подготовки к экзамену предусмотрена групповая консультация.

Освоить вопросы, излагаемые в процессе изучения дисциплины «Теория кодирования» самостоятельно студенту крайне сложно. Это связано со сложностью и абстрактностью изучаемого материала и большим объемом курса. Поэтому посещение всех аудиторных занятий является совершенно необходимым. Без упорных и регулярных занятий в течение семестра сдать зачет и экзамен по итогам изучения дисциплины в каждом семестре студенту практически невозможно.