

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Ярославский государственный университет им. П.Г. Демидова

Кафедра алгебры и математической логики

УТВЕРЖДАЮ

Декан математического факультета

Нестеров П.Н.

24 мая 2022 г.

Рабочая программа дисциплины

Теория чисел

Направление подготовки (специальности)
10.05.01 Компьютерная безопасность

Направленность (профиль)
«Математические методы защиты информации»

Форма обучения очная

Программа рассмотрена
на заседании кафедры
от 11.04.2022, протокол № 8

Программа одобрена НМК
математического факультета
протокол № 8 от 19.04.2022

1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины (модуля) «Теория чисел» являются:
обеспечение фундаментальной подготовки в одной из основных областей современной математики, освоение языка и методов одного из наиболее традиционных разделов современной математики, лежащего в основе большей части математики, имеющего разнообразные применения в современной технике и во всей математике

2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Данная дисциплина относится к обязательной части образовательной программы. Полученные при её изучении знания используются в различных специальных курсах, где она зачастую выступает в качестве основы курса. Основные приложения дисциплины таковы:

1. Теория кодирования и её связь с задачами защиты информации.
2. Быстрые вычисления.
3. Теория автоматов.
4. Алгебраические основы криптографии

Она обеспечивает приобретение знаний в соответствии с требованиями Государственных образовательных стандартов, содействует фундаментализации математического образования, формированию научного мировоззрения, логического мышления.

Основная задача дисциплины –

- научить студентов пониманию языка теории чисел, ее логики, умениям применять теорию чисел;
- дать теоретическое обоснование основным теоретико-числовым положениям;
- выработать навыки решения арифметических задач, относящихся к теории делимости целых чисел, методу сравнений и систем сравнений с неизвестной, использование разложений на простые множители, числовым функциям и непрерывным дробям.

Содержание курса реализует поставленные цели и задачи. Материал, изучаемый в курсе, имеет целью освоение фундаментальных алгебраических понятий и выработку навыков в решении теоретико-числовых задач. Практические занятия тесно связаны с теоретическим материалом и опираются на него.

Отбор содержания производится с учетом того, что многие основные сведения из курса алгебры должны быть уже знакомы студентам из курсов “Алгебра”, “Избранные вопросы алгебры”.

3. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения ООП специалитета

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих элементов компетенций в соответствии с ФГОС ВО, ООП ВО и приобретения следующих знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности:

Формируемая компетенция (код и формулировка)	Индикатор достижения компетенции (код и формулировка)	Перечень планируемых результатов обучения
Универсальные компетенции		

УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	И-УК-1.5 Способность осуществлять анализ с позиций алгебраического подхода, формализацию задач и на этой основе вырабатывать стратегию действий	Знать: основные алгебраические модели и конструкции. Уметь: решать алгебраические задачи в конечных и бесконечных алгебрах Владеть навыками: вычислений в основных алгебраических системах
Общепрофессиональные компетенции		
ОПК-2 Способен применять программные средства системного и прикладного назначений, в том числе отечественного производства, для решения задач профессиональной деятельности	И-ОПК-2.1 Знает типовые прикладные информационные технологии и программное обеспечение, используемое для решения задач профессиональной деятельности, в том числе технологии распределенного реестра	Уметь: решать теоретико-числовые задачи, использовать теоретико-числовые методы для решения профессиональных задач, в том числе с использованием вычислительной техники.
ОПК-3 Способен на основании совокупности математических методов разрабатывать, обосновывать и реализовывать процедуры решения задач профессиональной деятельности	И-ОПК-3.8 Умеет распознать математические структуры, возникающие в задачах профессиональной деятельности, конструировать, анализировать объекты и выполнять вычисления, формулировать требования к свойствам математических объектов, необходимым для решения профессиональной задачи	Знать: - классические задачи теории чисел - основные свойства числовых колец; - основные результаты о целых, алгебраических и трансцендентных числах; - основные результаты теории цепных дробей; - теорию делимости и теорию простых чисел; - подходы к проверке чисел на простоту

4. Объем, структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет **2** зачетных единиц, **72** акад. часов.

№ п/п	Темы (разделы) дисциплины, их содержание	Семестр	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу студентов, и их трудоемкость (в академических часах)		Формы текущего контроля успеваемости
			Контактная работа		

			лекции	практические	лабораторные	консультации	аттестационные испытания	самостоятельная работа	Форма промежуточной аттестации (по семестрам)
1.	Вводная лекция	3	2	1					
2.	Аксиоматика теории чисел	3	2	1		1		2	
3.	Теория делимости целых чисел	3	4	2		1		2	
4.	Цепные дроби	3	4	2		1		2	
5.	Распределение простых чисел в натуральном ряду	3	4	2				3	Контрольная работа 1.
6.	Распределение простых чисел в арифметических прогрессиях	3	4	2		1		2	
7.	Вычеты и классы вычетов по модулю	3	4	2				2	
8.	Теоремы Ферма и Эйлера и их следствия	3	4	2		1		3	Контрольная работа 2.
9.	Первообразные корни и индексы	3	4	2				2	
							0,3	0,7	зачет
	Всего		32	16		5	0,3	18,7	

Содержание разделов дисциплины

1. Вводная лекция.

Предмет и методы современной прикладной алгебры. Некоторые проблемы. Краткий исторический очерк. Место прикладной алгебры в системе математического знания и взаимодействие «чистой» и «прикладной» математики. Алгебра и алгоритмика.

2. Аксиоматика теории чисел.

Метод математической индукции. Бином Ньютона и треугольник Паскаля. Ранняя теория чисел.

3. Теория делимости целых чисел.

Алгоритм деления. Простые числа. Решето Эратосфена. Теорема Евклида о бесконечности множества простых чисел. Основная теорема арифметики и ее следствия. Наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное. Основная теорема арифметики. Коэффициенты Безу. Кольцо Гауссовых целых чисел. Расширенный алгоритм Евклида. Связь алгоритма Евклида с непрерывными дробями одного события.

4. Цепные дроби.

Подходящие цепные дроби и их свойства. Приближение действительных чисел рациональными. Признак иррациональности числа. Иррациональность числа e . Теорема Лагранжа о разложении квадратичных иррациональностей в цепную дробь. Алгебраические и трансцендентные числа. Существование трансцендентных чисел.

5. Распределение простых чисел в натуральном ряду.

Теорема Чебышева. Ослабленная форма теоремы Чебышева. Понятие о дзета-функции. Гипотеза Римана. Постулат Бертрана

6. Распределение простых чисел в арифметических прогрессиях.

Теорема Дирихле. Гипотеза Гольдбаха. Аддитивные задачи теории чисел. Теоремы Виноградова. Некоторые открытые проблемы

7. Вычеты и классы вычетов по модулю.

Полная система вычетов. Приведенная система вычетов. Равносильные сравнения. Арифметические приложения. Признаки делимости чисел на простые числа. Линейные сравнения. Теорема о существовании решений. Простейшие приемы решений. Решения сравнений с помощью цепных дробей. Системы сравнений и их решения. Сравнения n -ой степени. Теоремы о решении систем сравнений n -ой степени. Сравнения по составному модулю и их сведение к системе сравнений по простому модулю. Теорема о числе решений сравнения.

8. Теоремы Ферма и Эйлера и их следствия.

Теорема Вильсона. Разложение числа $n!$ на простые множители. Проблема определения простоты числа. Тест Ферма. Вероятностные алгоритмы. Индикатор Кармайкла.

9. Первообразные корни и индексы.

Первообразные корни по модулям p^a и $2p^a$. Разыскание первообразных корней по модулям p^a и $2p^a$. Индексы по модулям p^a и $2p^a$. Таблицы индексов. Индексы по модулю 2^a . Индексы по любому модулю

5. Образовательные технологии, в том числе технологии электронного обучения и дистанционные образовательные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

В процессе обучения используются следующие образовательные технологии:

Вводная лекция – дает первое целостное представление о дисциплине и ориентирует студента в системе изучения данной дисциплины. Студенты знакомятся с назначением и задачами курса, его ролью и местом в системе учебных дисциплин и в системе подготовки в целом. Дается краткий обзор курса, история развития науки и практики, достижения в этой сфере, имена известных ученых, излагаются перспективные направления исследований. На этой лекции высказываются методические и организационные особенности работы в рамках данной дисциплины, а также дается анализ рекомендуемой учебно-методической литературы.

Академическая лекция с элементами лекции-беседы – последовательное изложение материала, осуществляемое преимущественно в виде монолога преподавателя. Элементы лекции-беседы обеспечивают контакт преподавателя с аудиторией, что позволяет привлекать внимание студентов к наиболее важным темам дисциплины, активно вовлекать их в учебный процесс, контролировать темп изложения учебного материала в зависимости от уровня его восприятия.

Практическое занятие – занятие, посвященное освоению конкретных умений и навыков по закреплению полученных на лекции знаний.

Консультации – вид учебных занятий, являющийся одной из форм контроля самостоятельной работы студентов. На консультациях по просьбе студентов рассматриваются наиболее сложные моменты при освоении материала дисциплины, преподаватель отвечает на вопросы студентов, которые возникают у них в процессе самостоятельной работы.

6. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень лицензионного программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

В процессе осуществления образовательного процесса по дисциплине используются:

для формирования материалов для текущего контроля успеваемости и проведения промежуточной аттестации, для формирования методических материалов по дисциплине:

- программы Microsoft Office;
- издательская система LaTeX;
- Adobe Acrobat Reader.

7. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (при необходимости)

В процессе осуществления образовательного процесса по дисциплине используются:

- Автоматизированная библиотечно-информационная система «БУКИ-NEXT»
http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_cat_find.php
- Электронная библиотечная система «Лань» <https://e.lanbook.com>
 - Электронная библиотечная система «Юрайт» <https://urait.ru>
 - Электронная библиотечная система «Консультант студента»
<https://www.studentlibrary.ru>

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

а) основная литература:

1. Виноградов И. М. Основы теории чисел - Санкт – Петербург: Лань, 2023
<https://reader.lanbook.com/book/298499>
2. Бухштаб А. А. Теория чисел: учебное пособие для вузов. - М.: Лань, 2022.
<https://reader.lanbook.com/book/189329>

б) дополнительная литература:

1. О. Н. Герман, Ю. В. Нестеренко Теоретико-числовые методы в криптографии - М: Изд. Центр «Академия», 2012.
2. Кнауб, Л. В. Теоретико-численные методы в криптографии : учеб. пособие / Л. В. Кнауб, Е. А. Новиков, Ю. А. Шитов - Красноярск : СФУ, 2011. - 160 с. - ISBN 978-5-7638-2113-7. - Текст : электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. - URL : <https://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785763821137.html>
3. Казарин Л. С., Шалашов В. К. Теория чисел. Часть 1: учебное пособие для вузов. - Ярославль.: ЯрГУ, 2003. <http://www.lib.uniyar.ac.ru/edocs/iuni/20030282.pdf>
4. Казарин Л. Г., Шалашов В. К. Теория чисел. Часть 2: учебное пособие для вузов. - Ярославль.: ЯрГУ, 2004. <http://www.lib.uniyar.ac.ru/edocs/iuni/20040299.pdf>
5. Л. Ю. Нестерова, С. В. Напалков Теория чисел: учебник и практикум для вузов — Москва: Издательство Юрайт, 2022. <https://urait.ru/viewer/teoriya-chisel-497147>
6. Мартынов, Л. М. Алгебра и теория чисел для криптографии / Л. М. Мартынов. — 3-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2024. — 456 с. — ISBN 978-5-507-48774-5. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/362942>
7. Яблокова С. И. Задачи по алгебраической алгоритмике, ч. 2: практикум - Ярославль, ЯрГУ, 2018 <http://www.lib.uniyar.ac.ru/edocs/iuni/20180230.pdf>

9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине включает в свой состав специальные помещения:

- учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа и практических занятий (семинаров);
- учебные аудитории для проведения групповых и индивидуальных консультаций,
- учебные аудитории для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации;
- помещения для самостоятельной работы;
- помещения для хранения и профилактического обслуживания технических средств обучения.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду организации.

Автор(ы) :

зав.кафедрой алгебры и математической логики ЯрГУ,
д-ф.м.н, профессор

Казарин Л.С.

**Фонд оценочных средств
для проведения текущей и промежуточной аттестации студентов
по дисциплине**

**1. Типовые контрольные задания или иные материалы,
используемые в процессе текущей аттестации**

Задание по теме Аксиоматика теории чисел.

По книге: Виноградов И.М. Основы теории чисел:

Задание по теме Теория делимости целых чисел.

По книге: Виноградов И.М. Основы теории чисел:

По книге Бухштаб А.А. Теория чисел

Задание по теме Цепные дроби. Подходящие цепные дроби и их свойства. Приближение действительных чисел рациональными. Признак иррациональности числа. Иррациональность числа e . Теорема Лагранжа о разложении квадратичных иррациональностей в цепную дробь. Алгебраические и трансцендентные числа. Существование трансцендентных чисел.

По книге: Виноградов И.М. Основы теории чисел:

По книге: Бухштаб А.А. Теория чисел

Задание по теме Распределение простых чисел в натуральном ряду. Теорема Чебышева. Ослабленная форма теоремы Чебышева. Понятие о дзета-функции. Гипотеза Римана. Постулат Бертрана

По книге: Виноградов И.М. Основы теории чисел:

По книге: Бухштаб А.А. Теория чисел

Задание по теме Распределение простых чисел в арифметических прогрессиях Теорема Дирихле. Гипотеза Гольдбаха. Аддитивные задачи теории чисел. Теоремы Линника и Виноградова. Некоторые открытые проблемы

По книге: Виноградов И.М. Основы теории чисел:

По книге: Бухштаб А.А. Теория чисел

Задание по теме Вычеты и классы вычетов по модулю. Полная система вычетов. Приведенная система вычетов. Равносильные сравнения. Арифметические приложения. Признаки делимости чисел на простые числа. Линейные сравнения. Теорема о существовании решений. Простейшие приемы решений. Решения сравнений с помощью цепных дробей. Системы сравнений и их решения. Сравнения n -ой степени. Теоремы о решении систем сравнений n -ой степени. Сравнения по составному модулю и их сведение к системе сравнений по простому модулю. Теорема о числе решений сравнения.

По книге: Виноградов И.М. Основы теории чисел:

По книге: Бухштаб А.А. Теория чисел

Задание по теме Теоремы Ферма и Эйлера и их следствия. Теорема Вильсона. Разложение числа $n!$ на простые множители. Проблема определения простоты числа. Тест Ферма. Вероятностные алгоритмы. Индикатор Кармайкла

По книге: Виноградов И.М. Основы теории чисел:

По книге: Бухштаб А.А. Теория чисел

Задание по теме Первообразные корни и индексы. Первообразные корни по модулям p^a и $2p^a$. Разыскание первообразных корней по модулям p^a и $2p^a$. Индексы по модулям p^a и $2p^a$. Таблицы индексов. Индексы по модулю 2^a . Индексы по любому модулю

По книге: Виноградов И.М. Основы теории чисел:

По книге: Бухштаб А.А. Теория чисел

Некоторые задания для зачетной работы

В семестре студенты решают задачи, предложенные преподавателем. На семинарах предусмотрены две контрольные работы.

Контрольная работа №1 ОПК-2, ОПК-3

1. Не выполняя деления, выяснить, делится ли число 1010908899 на 7, 11, 13.
2. Доказать, что среди чисел, представимых в виде многочленов n -ой степени одной переменной с целыми коэффициентами содержится бесконечное множество составных.
3. Разложить в непрерывную дробь корень квадратный из числа 2.
4. Найти наибольший общий делитель d чисел a и b и представить его в виде $d=au+bv$, где u и v – целые, воспользовавшись расширенным алгоритмом Евклида (числа a и b задаются преподавателем индивидуально).
5. Написать программу на языке Pascal или C++ нахождения n -го простого числа.
6. Даны числа a и b . Требуется найти рациональное число c , находящееся между ними и имеющее наименьший знаменатель.
7. Оценить количество простых чисел, находящихся в промежутке от 1 до 10000.

Контрольная работа №2 ОПК-3

1. Решить уравнение в целых числах $n!+10n+3=k^2$.
2. Доказать, что если n – составное число, то при $n>4$ выполнено $(n-1)!$ делится на n .
3. Доказать, что если $\varphi(n)$ делит n , то n свободно от квадратов.
4. Доказать, что 33-я степень любого натурального числа a сравнима с a по модулю 4080.
5. Написать программу на языке Pascal или C++ проверки простоты заданного числа.
6. Найти все Пифагоровы тройки чисел, состоящие из последовательных чисел.
7. При измерении удава в попугаях получился остаток в 3 см. При измерении его в кроликах остаток получился 5 см. В мартышках – 2 см. Чему равна длина удава, если длина шага попугая 6 см., длина шага кролика 37 см, а длина шага марышки – 53 см?

2. Список вопросов к зачету УК-1, ОПК-3

1. Предметы и методы теории чисел. Роль русских и советских математиков в развитии теории чисел.
2. Теория делимости целых чисел. Теорема Евклида о бесконечности множества простых чисел.
3. Наибольший общий делитель и наименьшее общее кратное. Основная теорема арифметики и ее следствия. Коэффициенты Безу.
4. Кольцо Гауссовых целых чисел. Расширенный алгоритм Евклида и его связь с непрерывными дробями.

5. Цепные дроби. Приближение действительных чисел рациональными. Иррациональность числа e .
6. Теорема Лагранжа о разложении квадратичных иррациональностей в цепную дробь.
7. Алгебраические и трансцендентные числа. Существование трансцендентных чисел.
8. Распределение простых чисел в натуральном ряду. Теорема Чебышева. Ослабленная форма теоремы Чебышева. Постулат Бертрана.
9. Понятие о дзета-функции Римана. Гипотеза Римана.
10. Распределение простых чисел в арифметических прогрессиях. Теорема Дирихле. Гипотеза Гольдбаха.
11. Аддитивные задачи теории чисел. Теоремы Линника и Виноградова.
12. Вычеты и классы вычетов по модулю. Полная система вычетов. Равносильные сравнения. Признаки делимости чисел на простые числа.
13. Линейные сравнения. Теорема о существовании решений. Решение сравнений с помощью цепных дробей.
14. Системы сравнений и их решения. Сравнения n -ой степени. Теоремы о решении сравнений n -ой степени.
15. Сравнения по составному модулю и их сведение к системе сравнений по простому модулю. Теорема о числе решений сравнения.
16. Теоремы Ферма и Эйлера и их следствия. Теорема Вильсона. Разложение числа $n!$ на простые множители.
17. Проблема определения простоты числа. Тест Ферма. Индикатор Кармайкла. Вероятностные алгоритмы.
18. Сумма делителей и число делителей натурального числа.
19. Мультипликативные функции. Функция Эйлера и ее свойства. Функция Мебиуса.
20. Символы Лежандра и Якоби. Квадратичный закон взаимности.
21. Сведение сравнения второй степени к двучленному сравнению. Двучленные сравнения по простому модулю. Двучленные сравнения по составному модулю.
22. Первообразные корни и индексы. Первообразные корни по модулям p^a и $2p^a$. Индексы по модулям p^a и $2p^a$.
23. Таблицы индексов.

3. Методические рекомендации преподавателю по процедуре оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

Целью процедуры оценивания является определение степени овладения студентом ожидаемыми результатами обучения (знаниями, умениями, навыками и (или) опытом деятельности).

Процедура оценивания степени овладения студентом ожидаемыми результатами обучения осуществляется с помощью методических материалов, представленных в разделе «Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций»

Пороговый уровень (общие характеристики):

- владение основным объемом знаний по программе дисциплины;
- знание основной терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы без существенных ошибок;
- владение инструментарием дисциплины, умение его использовать в решении стандартных (типовых) задач;
- способность самостоятельно применять типовые решения в рамках рабочей программы дисциплины;

- усвоение основной литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- знание базовых теорий, концепций и направлений по изучаемой дисциплине;
- самостоятельная работа на практических и лабораторных занятиях, периодическое участие в групповых обсуждениях, достаточный уровень культуры исполнения заданий.

Продвинутый уровень (общие характеристики):

- достаточно полные и систематизированные знания в объёме программы дисциплины;
- использование основной терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать выводы;
- владение инструментарием дисциплины, умение его использовать в решении учебных и профессиональных задач;
- способность самостоятельно решать сложные задачи (проблемы) в рамках рабочей программы дисциплины;
- усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- умение ориентироваться в базовых теориях, концепциях и направлениях по изучаемой дисциплине и давать им сравнительную оценку;
- самостоятельная работа на практических и лабораторных занятиях, участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий.

Высокий уровень (общие характеристики):

- систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам дисциплины;
- точное использование терминологии данной области знаний, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать обоснованные выводы;
- безупречное владение инструментарием дисциплины, умение его использовать в постановке и решении научных и профессиональных задач;
- способность самостоятельно и творчески решать сложные задачи (проблемы) в рамках рабочей программы дисциплины;
- полное и глубокое усвоение основной и дополнительной литературы, рекомендованной рабочей программой дисциплины;
- умение ориентироваться в основных теориях, концепциях и направлениях по изучаемой дисциплине и давать им критическую оценку;
- активная самостоятельная работа на практических и лабораторных занятиях, творческое участие в групповых обсуждениях, высокий уровень культуры исполнения заданий.

Описание процедуры выставления оценки

В зависимости от уровня сформированности каждой компетенции по окончании освоения дисциплины студенту выставляется оценка («зачтено», «незачтено»), которая определяется рабочей программой дисциплины в соответствии с учебным планом.

Оценка «зачет» выставляется студенту, у которого каждая компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована не ниже, чем на пороговом уровне.

Оценка «незачтено» выставляется студенту, у которого хотя бы одна компетенция (полностью или частично формируемая данной дисциплиной) сформирована ниже, чем на пороговом уровне.

Методические указания для студентов по освоению дисциплины

Для успешного усвоения данного курса необходимо знание основного материала курсов «Алгебра» и «Математический анализ».

Курс «Теория чисел» насыщен весьма нетривиальными теоремами и, в то же время требует от слушателя высокой алгоритмической культуры. Инновационность применяемых мною методик заключается в соблюдении следующих принципов.

1. Я отхожу от лекции с линейным изложением материала, стараясь задействовать эвристические соображения, раскрыть подоплеку рассуждений, лежащих в основе излагаемого материала.

2. В любом случае не упускается возможность иллюстрации материала на знакомых примерах, сооружаются мостики для связи с другими дисциплинами.

3. Особо акцентируется алгоритмическая сторона теории. Показывается, что абстрактные рассуждения имеют вполне конкретные эффективные приложения.

4. В каждой лекции отводится от 5 до 10 минут на решение студентами самостоятельных заданий. Это может быть лемма, теорема, иллюстративный пример. Цель – максимально активизировать познавательные способности студентов. При этом достигается не механическое усвоение дисциплины (аккуратное переписывание), а ее усвоение в процессе решения конкретных задач. Как работать с понятиями, культура мышления воспитываются таким образом.

5. Чтение лекций сопровождается организацией семинарских занятий. Здесь удастся наряду с новым теоретическим материалом дать некоторое представление о логике науки и о персоналиях.