

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Ярославский государственный университет им. П.Г. Демидова

Кафедра алгебры и математической логики

УТВЕРЖДАЮ

Декан математического факультета

Нестеров П.Н.

20 мая 2025 г.

Рабочая программа дисциплины

Линейная алгебра

Направление подготовки (специальности)
10.03.01 Информационная безопасность

Направленность (профиль)
«Безопасность компьютерных систем (в сфере информационных технологий)»

Форма обучения очная

Программа рассмотрена
на заседании кафедры
от 15.04.2025, протокол № 8

Программа одобрена НМК
математического факультета
протокол № 9 от 05.05.2025

1. Цели освоения дисциплины

Целью дисциплины «Линейная алгебра» являются основы теории векторных пространств, линейных преобразований, векторных пространств со скалярным произведением и линейных преобразований в них, а также основ линейной геометрии.

2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Линейная алгебра» относится к обязательной части образовательной программы и использует знания и умения, полученные студентами при изучении курсов алгебры и геометрии, а также задействует знания из курса «Введение в теорию множеств и логическую символику». Обсуждение приложений линейной алгебры в физике задействует информацию, полученную студентами в курсе физики. Знания, полученные при изучении линейной алгебры, задействуются практически во всех математических курсах и курсах профессиональной подготовки. Это математический анализ, дискретная математика, теория функций комплексной переменной, теория кодирования, алгебраические методы в кодировании, математическая логика и теория алгоритмов, методы и средства криптографической защиты информации, технологии многомерного анализа данных, физика.

3. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО, ООП ВО и приобретения следующих знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности:

Формируемая компетенция (код и формулировка)	Индикатор достижения компетенции (код и формулировка)	Перечень планируемых результатов обучения
Универсальные компетенции		
УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	И-УК-1.6 Знает методы поиска, критического анализа и оценки достоверности информации, методы декомпозиции задачи и способы построения логических умозаключений	Знать: - основные классы объектов линейной алгебры Уметь: - распознавать объекты заданной задачи
	И-УК-1.7 Способен применять средства и методы поиска информации, проводить анализ и оценку её достоверности, выполнять анализ и декомпозицию задачи, составлять план её решения, выполнять корректное конструирование логических умозаключений	Уметь: - выбирать совокупность методов, соответствующих классу объектов рассматриваемой задачи, и последовательность приёмов и действий для её корректного решения Владеть навыками: - интерпретации результатов анализа вычислений в задачах алгебры
Общепрофессиональные компетенции		
ОПК-3	И-ОПК-3.8	Знать:

Способен использовать необходимые математические методы для решения задач профессиональной деятельности	Знает основные понятия, результаты и методы современной математики, и сценарии их применения в задачах профессиональной деятельности	- основные понятия и результаты линейной алгебры
	И-ОПК-3.9 Умеет распознать математические структуры, возникающие в задачах профессиональной деятельности, конструировать, анализировать объекты и выполнять вычисления, формулировать требования к свойствам математических объектов, необходимым для решения профессиональной задачи	Уметь: - строить и анализировать объекты и выполнять основные вычисления в линейной алгебре Владеть: - опытом работы с линейными отображениями, навыками вычислений характеристик векторных подпространств и линейных отображений в матричной форме

4. Объем, структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет **4** зачетные единицы, **144** акад. часов.

№ п/п	Темы (разделы) дисциплины, их содержание	Семестр	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу студентов, и их трудоемкость (в академических часах)						Формы текущего контроля успеваемости Форма промежуточной аттестации (по семестрам)
			Контактная работа					самостоятельная работа	
			лекции	практические	лабораторные	консультации	аттестационные испытания		
1	Векторное пространство	3	6	6		2		7	Задание для сам. раб. № 1 Самостоят. работа № 1
2	Гомоморфизмы векторных пространств	3	8	8		1		7	Задание для сам. раб. № 2 Самостоят. работа № 2
3	Линейные операторы	3	8	8		2		9	Задание для сам. раб. № 3 Самостоят. работа № 3
4	Билинейные и квадратичные формы	3	6	6		1		6	Задание для сам. раб. № 4
5	Векторные пространства с дополнительной структурой	3	4	4		2		7	Задание для сам. раб. № 5 Самостоят. работа № 4
						2	0,5	33,5	экзамен
	ИТОГО		32	32		10	0,5	69,5	

Содержание разделов дисциплины

1. Векторное пространство.

1.1. Понятие векторного пространства: определение и примеры векторных пространств над бесконечными и конечными полями. Линейная зависимость и ее свойства.

1.2. Подпространство. Объединение, сумма и пересечение подпространств. Прямая сумма подпространств. Линейная оболочка подмножества векторов векторного пространства.

1.3. Базис и размерность. Размерности и базисы суммы и пересечения подпространств.

1.4. Координаты вектора в базисе. Матрица перехода от одного базиса к другому. Вычисление координат вектора при смене базиса.

1.5. Прямая сумма подпространств. Прямое дополнение к подпространству.

2. Гомоморфизмы векторных пространств.

2.1. Линейное отображение (гомоморфизм) векторных пространств. Примеры линейных отображений. Изоморфизм векторных пространств. Классификация конечномерных векторных пространств. Базис как изоморфизм.

2.2. Матрица линейного отображения векторных пространств в паре базисов. Ее изменение при смене базисов.

2.3. Ядро и образ линейного отображения, их размерности.

3. Линейные операторы.

3.1. Понятие эндоморфизма векторного пространства (линейного оператора). Матрица линейного оператора в базисе. Подобие матриц.

3.2. Полиномы от линейного оператора, минимальный полином линейного оператора. Вычисление минимального полинома линейного оператора.

3.3. Инвариантные подпространства линейного оператора. Примеры линейных операторов, обладающих и не обладающих собственными инвариантными подпространствами. Матрица линейного оператора в базисе, согласованном с инвариантным подпространством. Проекторы.

3.4. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора. Характеристический полином линейного оператора и его инвариантность. Теорема Гамильтона – Кэли (без доказательства).

3.5. Корневые подпространства линейного оператора. Разложение векторного пространства в прямую сумму корневых подпространств (без доказательства).

3.6. Жорданова нормальная форма матрицы линейного оператора. Жорданов базис (теорема о жордановой нормальной форме линейного оператора – без доказательства).

4. Билинейные и квадратичные формы.

4.1. Билинейная форма. Векторное пространство билинейных форм на данном векторном пространстве. Симметрические и кососимметрические билинейные формы. Матрица билинейной формы в выбранном базисе и ее преобразование при смене базисов. Конгруэнтность матриц.

4.2. Квадратичные формы. Канонический и нормальный (в вещественном случае) виды матрицы квадратичной формы. Знакоопределенность и невырожденность, сигнатура и ранг. Эквивалентность квадратичных форм. Методы Лагранжа и Якоби приведения квадратичной формы к каноническому виду (без доказательств). Критерий Сильвестра положительной определенности квадратичной формы.

5. Векторные пространства с дополнительной структурой.

5.1. Евклидовы пространства. Неравенство Коши – Буняковского. Его следствия. Ортогональность. Ортонормированный базис. Теорема о существовании ортонормированного базиса. Процесс ортогонализации Грама – Шмидта. Ортогональное дополнение подпространства. Изоморфизм евклидовых пространств. Ортогональная группа.

5.2. Полуторалинейные формы. Эрмитовы формы и пространства. Неравенство Коши – Буняковского в эрмитовом случае. Ортонормированный базис в эрмитовом пространстве. Равенство Парсеваля. Унитарные матрицы и унитарная группа.

5. Образовательные технологии, в том числе технологии электронного обучения и дистанционные образовательные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

В процессе обучения используются следующие образовательные технологии:

Академическая лекция с элементами лекции-беседы – последовательное изложение материала, осуществляемое преимущественно в виде монолога преподавателя. Элементы лекции-беседы обеспечивают контакт преподавателя с аудиторией, что позволяет привлекать внимание студентов к наиболее важным темам дисциплины, активно вовлекать их в учебный процесс, стимулировать интерес и расставлять акценты, контролировать темп изложения учебного материала в зависимости от уровня его восприятия.

Практическое занятие – занятие, посвященное освоению конкретных умений и навыков по закреплению полученных на лекции знаний. На практическом занятии проводится также разбор вызвавших затруднение задач из заданий для самостоятельной работы.

Консультации – вид учебных занятий, являющийся одной из форм контроля самостоятельной работы студентов. На консультациях по просьбе студентов рассматриваются наиболее сложные моменты при освоении материала дисциплины, преподаватель отвечает на вопросы студентов, которые возникают у них в процессе самостоятельной работы.

6. Перечень лицензионного и (или) свободно распространяемого программного обеспечения, используемого при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

В процессе осуществления образовательного процесса по дисциплине используются:

для формирования материалов для текущего контроля успеваемости и проведения промежуточной аттестации, для формирования методических материалов по дисциплине:

- программы Microsoft Office;
- издательская система LaTeX;
- Adobe Acrobat Reader.

7. Перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

В процессе осуществления образовательного процесса по дисциплине используются:

- Автоматизированная библиотечно-информационная система «БУКИ-NEXT»
http://www.lib.uniyar.ac.ru/opac/bk_cat_find.php
- Электронная библиотечная система «Лань» <https://e.lanbook.com>
- Электронная библиотечная система «Юрайт» <https://urait.ru>
- Электронная библиотечная система «Консультант студента»
<https://www.studentlibrary.ru>

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» (при необходимости), рекомендуемых для освоения дисциплины

а) основная литература

1. Тимофеева Н. В. Линейная алгебра. Современная алгебра: учеб. пособие для вузов - Ярославль, ЯрГУ, 2012. <http://www.lib.uniylar.ac.ru/edocs/iuni/20120204.pdf>
2. Тимофеева Н. В. Линейная алгебра. Современная алгебра: учебное пособие для вузов. Ч.2 - Ярославль, ЯрГУ, 2017. <http://www.lib.uniylar.ac.ru/edocs/iuni/20170206.pdf>
3. Проскуряков И. В. Сборник задач по линейной алгебре: учебное пособие для вузов — Санкт-Петербург: Лань, 2024 <https://reader.lanbook.com/book/397331>

б) дополнительная литература

1. Кострикин А. И. Введение в алгебру: учебник: в 3 частях. Часть I: Основы алгебры — М: ФИЗМАТЛИТ, 2003. <https://www.studentlibrary.ru/ru/doc/ISBN5922101676-SCN0000/000.html>
2. Кострикин А. И. Введение в алгебру: учебник: в 3 частях. Часть II: Линейная алгебра — М: ФИЗМАТЛИТ, 2000.
3. Кострикин А. И. Введение в алгебру: учебник: в 3 частях. Часть III: Основные структуры алгебры — М: ФИЗМАТЛИТ, 2001.

9. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине включает в свой состав специальные помещения:

- учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа;
- учебные аудитории для проведения практических занятий (семинаров);
- учебные аудитории для проведения групповых и индивидуальных консультаций;
- учебные аудитории для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации;
- помещения для самостоятельной работы;
- помещения для хранения и профилактического обслуживания технических средств обучения.

Специальные помещения укомплектованы средствами обучения, служащими для представления учебной информации большой аудитории.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа к электронной информационно-образовательной среде ЯрГУ.

Автор(ы):

Профессор кафедры АМЛ, д.ф.-м. н.

Н. В. Тимофеева

**Приложение № 1 к рабочей программе дисциплины
«Линейная алгебра»**

**Фонд оценочных средств
для проведения текущего контроля успеваемости
и промежуточной аттестации студентов
по дисциплине**

**1. Типовые контрольные задания и иные материалы,
используемые в процессе текущей аттестации**

Задания для самостоятельной работы формируют, а Самостоятельные работы контролируют сформированность ОПК-3 (индикаторы И-ОПК-3.8, И-ОПК-3.9)

Все номера заданий даны по книге И.В. Проскурякова (п. 4 дополнительной литературы)

Задание для самостоятельной работы к теме 1 «Векторное пространство»

1279, 1281, 1282, 1283, 1284, 1288 — 1292, 1299, 1303, 1304, 1313, 1318, 1321, 1322 (6 задач).

Задание для самостоятельной работы к теме 2 «Гомоморфизмы векторных пространств»

1436, 1439, 1440, 1442, 1443, 1446, 1449, 1453 (6 задач).

Задание для самостоятельной работы к теме 3 «Линейные операторы» 1468, 1473, 1474, 1478, 1499.

Задание для самостоятельной работы к теме 4 «Билинейные и квадратичные формы» 1175, 1176, 1178, 1179, 1185, 1186, 1189, 1192, 1201, 1214, 1216 (5 задач)

Задание для самостоятельной работы к теме 5 «Векторные пространства с дополнительной структурой» 1357, 1358, 1362, 1363, 1366, 1371, 1372 (6 задач)

Самостоятельная работа № 1 «Векторное пространство» 1278, 1300, 1321

Самостоятельная работа № 2 «Гомоморфизмы векторных пространств» 1444, 14526

Самостоятельная работа № 3 «Линейные операторы» 1467, 1534 (в этой задаче найти собственные значения и количество жордановых клеток для каждого собственного значения)

Самостоятельная работа № 4 «Векторные пространства с дополнительной структурой» 1360, 1371, 1543

2. Список вопросов и (или) заданий для проведения промежуточной аттестации

Задание экзамена состоит из билета, содержащего 2 теоретических вопроса (см. приведенный ниже список), и задачи (см. приведенный далее список), которую студент выбирает случайным образом наряду с билетом. Студенту могут быть заданы дополнительные вопросы (в рамках вопросов билета или на тему задачи) с целью выявить уровень понимания изученного материала.

Список вопросов экзамена (И-УК-1.4, И-ОПК-3.8)

1. Линейные векторные пространства. Определение и примеры. Линейная оболочка. Подпространства векторного пространства.
2. Пересечение и сумма подпространств. Прямая сумма.
3. Размерность и базис линейного векторного пространства. Теорема о монотонности размерности. Матрица перехода от базиса к базису.

4. Линейные отображения и линейные операторы. Задание линейных отображений матрицами. Размерность пространства линейных отображений из одного пространства в другое.
5. Связь между матрицами линейного оператора в разных базисах.
6. Ядро и образ линейного оператора. Теорема о размерности ядра и образа.
7. Ранг линейного оператора. Подобие матриц. Критерии невырожденности линейного оператора.
8. Характеристический многочлен. Примеры. След и определитель как инварианты.
9. Инвариантное подпространство линейного оператора. Инвариантное прямое разложение. Проектор и его строение. Вид матрицы линейного оператора в базисе, согласованном с инвариантным подпространством, инвариантной прямой суммой.
10. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора.
11. Оператор с простым спектром. Критерий диагонализруемости матрицы линейного оператора.
12. Минимальный многочлен линейного оператора и его вычисление. Теорема Гамильтона – Кэли.
13. Жорданова клетка. Корневые подпространства. Теорема о жордановой нормальной форме.
14. Билинейные отображения. Задание билинейных отображений матрицами. Связь между матрицами билинейного отображения в различных базисах. Симметрические и кососимметрические билинейные формы.
15. Квадратичные формы. Полярная билинейная форма. Приведение симметрических билинейных форм к каноническому виду. Метод Лагранжа приведения квадратичной формы к каноническому виду.
16. Закон инерции квадратичных форм. Метод Якоби приведения невырожденной квадратичной формы к каноническому виду.
17. Нормальный вид квадратичной формы. Критерий Сильвестра положительной определенности квадратичной формы.
18. Евклидовы пространства. Неравенство Коши – Буняковского. Его следствия.
19. Теорема о существовании ортонормированного базиса. Процесс ортогонализации Грама – Шмидта.
20. Изоморфизм векторных пространств и изоморфизм евклидовых пространств.
21. Эрмитовы формы и пространства. Неравенство Коши – Буняковского.
22. Ортонормированный базис в эрмитовом пространстве. Равенство Парсеваля. Унитарные матрицы и унитарная группа.

Список задач экзамена (И-УК-1.5, И-ОПК-3.9)

- Задача 1. Выяснить, какие из совокупностей многочленов степени не выше n над полем F образуют линейное векторное пространство: а) многочлены, имеющие корень в заданных двух точках a и b ; б) многочлены, у которых сумма всех коэффициентов равна нулю. В случае положительного ответа найти размерность и базис.
- Задача 2. Найти размерность суммы и пересечения подпространств, натянутых на системы векторов $\{a_1, a_2\}$ и $\{b_1, b_2\}$: $a_1 = (1, 0, 1, 1), a_2 = (1, 0, 0, 1), b_1 = (0, 1, 1, 1), b_2 = (1, 1, 1, 1)$.
- Задача 3. Доказать, что сумма подпространств L и M векторного пространства V равна пересечению всех подпространств, содержащих L и M .
- Задача 4. Является ли подпространством линейного векторного пространства многочлены от одной переменной над полем F : а) множество всех многочленов не содержащих четных степеней переменной x ; б) множество многочленов четной степени?
- Задача 5. Пусть размерность суммы двух подпространств на единицу больше размерности их пересечения. Что можно сказать об этих подпространствах?
- Задача 6. Пусть линейный оператор A действует на множестве квадратных матриц

размерности 2 умножением на фиксированную матрицу размера 2. Найти матрицу этого оператора в пространстве всех квадратных матриц размерности 2.

Задача 7. Пусть λ - собственное значение матрицы A . Верно ли, что у матрицы $f(A)$, где f - многочлен одной переменной, имеется собственное значение $f(\lambda)$?

Задача 8. Верно ли, что оператор нильпотентен тогда и только тогда, когда все его собственные значения равны нулю?

Задача 9. Доказать, что если оператор A невырожденный, то операторы A и A^{-1} имеют одни и те же собственные векторы.

Задача 10. Пусть три вектора a, b, c линейно независимы. Будут ли линейно независимы векторы: а) $a, a+b, a-b-c$; б) $a-b, b-c, c-a$; в) $a+b-2c, 2a-b+c, -a+2b+c$?

Задача 11. Найти количество жордановых клеток жордановой нормальной формы линейного оператора, заданного матрицей A :

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Задача 12. Найти все значения λ , при которых вектор b линейно выражается через a_1, a_2, a_3 : $a_1 = (2, 3, 5), a_2 = (3, 7, 8), a_3 = (1, -6, 1), b = (7, -2, \lambda)$.

Задача 13. Найти размерность суммы и пересечения подпространств, натянутых на системы векторов $a_1 = (1, 2, 1), a_2 = (1, 1, -1), a_3 = (1, 3, 3)$ и $b_1 = (1, 2, 2), b_2 = (2, 3, -1), b_3 = (1, 1, -3)$.

Задача 14. Найти матрицу линейного оператора, заданного в пространстве вещественных квадратных матриц размера 2 транспонированием: $X \mapsto X^t$. В качестве базиса выбрать матричные единицы $E_{ij} = (e_{kl} = 1 \text{ при } k = i, l = j; e_{kl} = 0 \text{ в противном случае})$.

Задача 15. Найти все матрицы, перестановочные с жордановой клеткой.

Задача 16. Найти ядро и образ линейного оператора, заданного в пространстве вещественных квадратных матриц размера 2 умножением на фиксированную матрицу

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} \text{ справа.}$$

Задача 17. Найти нормальный вид квадратичной формы $x_1x_2 + x_1x_3 + x_2x_3$ и невырожденное линейное преобразование, приводящее к этому виду.

Задача 18. Какими значениями ранга и сигнатуры характеризуются те классы вещественно эквивалентных квадратичных форм, для которых форма f эквивалентна форме $-f$? Ответ обоснуйте.

Задача 19. Найти матрицу симметрической части билинейной формы $f(x, y) = 2x_1y_1 - 3x_1y_2 - 4x_1y_3 + x_2y_1 - 5x_2y_3 + x_3y_1$.

Задача 20. Не производя вычислений, выяснить, эквивалентны ли в области вещественных чисел следующие билинейные формы: $f(x, y) = 2x_1y_2 - 3x_1y_3 + x_2y_1$ и $g(x, y) = x_1y_2 - x_2y_1 + 2x_2y_2 + 3x_1y_3 - 3x_3y_1$.

Задача 21. Найти канонический вид квадратичной формы $q = 2x^2 + 3y^2 - z^2 + 2xy + 2xz$.

Задача 22. Выяснить, какие из следующих квадратичных форм эквивалентны в области вещественных чисел: $f = x^2 - yz$, $g = xy - z^2$, $h = xy + z^2$.

Задача 23. Найти размерность пространств симметрических и кососимметрических билинейных форм на векторном пространстве размерности n .

Задача 24. Пусть V -- евклидово трехмерное пространство, такое, что

$$\|x\|^2 = (x|x) = 3x^2 + 2y^2 + z^2 - 4xy - 2xz + 2yz. \text{ Найти все векторы, ортогональные вектору } x = (1, 2, 3).$$

Задача 25. Найти базис ортогонального дополнения M подпространства L , натянутого на систему векторов $a=(1,0,1,2)$, $b=(2,1,2,3)$, $c=(0,1,-2,1)$.

Задача 26. Пусть L – подпространство евклидова пространства V . Показать, что любой вектор $x \in V$ однозначно представим в виде $x=y+z$, где $y \in L$, а вектор z ортогонален любому вектору из L .

Задача 27. Верно ли, что множество симметрических квадратных матриц составляет группу по умножению?

Задача 28. Найти порядок группы невырожденных линейных операторов A пространства V размерности 2 над полем из двух элементов, удовлетворяющих соотношению $AA^T=E$.

Задача 29. Пусть L и M -- подпространства евклидова пространства V и $\dim L < \dim M$. Докажите, что в M найдется ненулевой вектор, ортогональный любому вектору из L .

Задача 30. Найти векторы, дополняющие систему векторов $a_1=(2,3,5,-2)$, $a_2=(3,-7,3,0)$ до ортогонального базиса. Скалярное произведение считать стандартным.

Задача 31. Применяя процесс ортогонализации, построить ортогональный базис подпространства, натянутого на систему векторов: $(2,1,3,-1)$, $(7,4,3,-3)$, $(1,1,-1,0)$, $(5,7,7,8)$.

Приложение № 2 к рабочей программе дисциплины «Линейная алгебра»

Методические указания для студентов по освоению дисциплины

Курс линейной алгебры является содержательно насыщенным и весьма объемным. Поэтому он требует от студента систематических усилий.

При изучении теории необходим разбор студентом лекционного материала дома с применением литературы и выделением мест, требующих пояснения при следующем контакте с преподавателем.

Задачный материал по линейной алгебре подразделяется на две большие группы. Первую группу составляют задачи сугубо вычислительной направленности; их цель – наработка владения вычислительными алгоритмами линейной алгебры. Эти алгоритмы несложны и при добросовестной работе студента не вызывают затруднений. Вторую группу составляют «теоретические» задачи. Это либо задачи на доказательство утверждений, либо задачи на вычисление, алгоритмом решения которых студент на данный момент не располагает, и в задание входит как раз построение этого алгоритма. Задачи обоих видов часто вызывают затруднения, и поэтому студенту рекомендуется приступать к выполнению домашнего задания заранее, чтобы у него было достаточно времени на размышление и возможность вернуться к решению задачи позднее. Задачный материал берется преимущественно из сборника И.В. Проскурякова.

В конце обоих семестров изучения дисциплины студенты сдают экзамен. Экзамен принимается по экзаменационным билетам, каждый из которых включает в себя два теоретических вопроса, плюс задача, которую студент получает случайным образом из фиксированного набора. На самостоятельную подготовку к экзамену выделяется 3 дня, во время подготовки к экзамену предусмотрена групповая консультация.

Освоить вопросы, излагаемые в процессе изучения дисциплины «Линейная алгебра» самостоятельно студенту крайне сложно. Это связано со сложностью изучаемого материала и большим объемом курса. Поэтому посещение всех аудиторных занятий является совершенно необходимым. Без упорных и регулярных занятий в течение семестра сдать экзамен по итогам изучения дисциплины студенту практически невозможно.